

# Az irányítás alapfogalmai

Az Irányítástechnika I. tárgy alapjainak  
gyors áttekintése

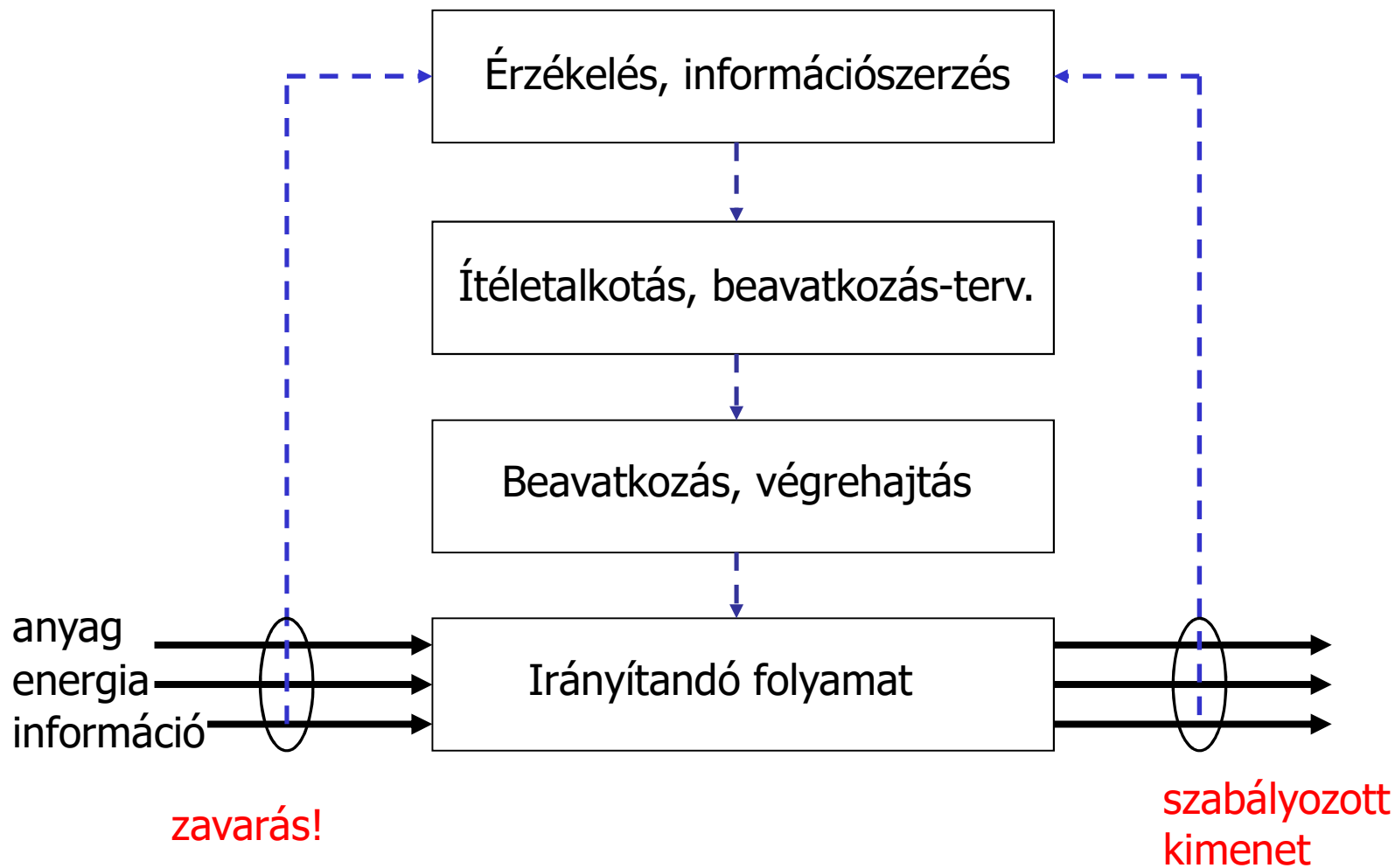
# Irányítás fogalma

- ***irányítástechnika***: önműködő irányítás törvényeivel és gyakorlati megvalósításával foglalkozó műszaki tudomány
- ***irányítás***: olyan művelet, amely valamely műszaki folyamatba annak elindítása, fenntartása, tervszerű lefolyásának biztosítása, megváltoztatása, leállítása érdekében beavatkozik
- irányítás történhet
  - kézi módon
  - automatikus módon

# Irányítástechnika célja

- cél:
  - az alapjel követése
  - zajok, zavarások hatásának kiküszöbölése
  - fizikai megvalósíthatóság
  - gazdasági és egyéb céloknak megfelelés
- eszköz:
  - hatásvázlat
  - szimuláció
  - matematikai modellek

# Írányítási folyamat elemei



# Irányítási folyamat elemei

- Irányítandó folyamat:
  - technológiai rendszer - modellek
- Érzékelés, információszerzés:
  - érzékelő-, mérőeszközök, távadók, vezetékek
- Ítéletalkotás, beavatkozás-tervezés:
  - vezérlők
  - szabályozók - modellek
- Beavatkozás, végrehajtás
  - beavatkozó szervek, szabályozó szelepek

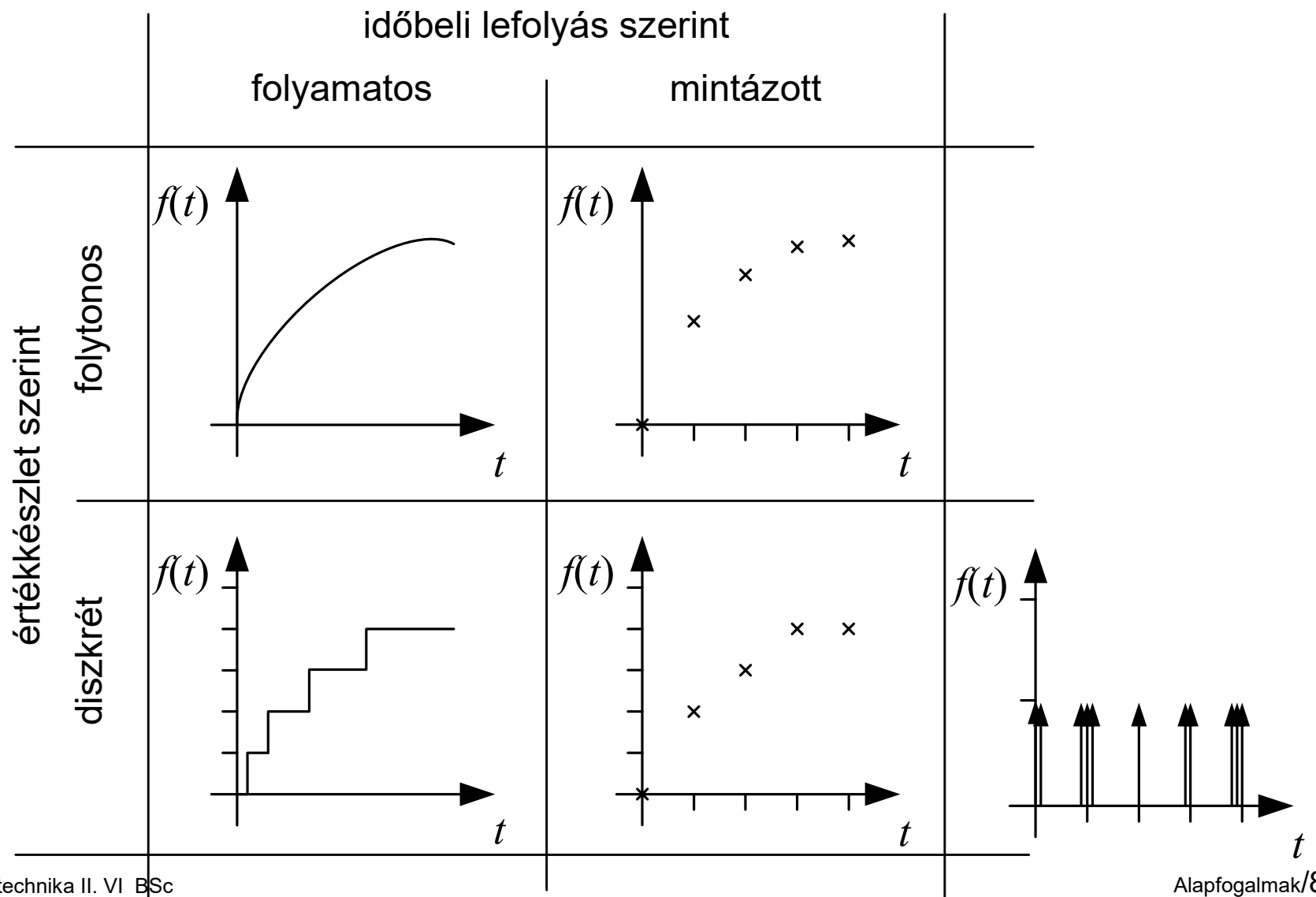
# Jelek

- **Jelhordozó**: minden mérhető fizikai/kémiai állapotjelző
- **Jellemzők**: azok a jelhordozók, amelyek az irányított folyamat állapotát jellemzik vagy befolyásolják
- **Jel**: valamely állapotjelző minden olyan értéke vagy értékváltozása, amely egy egyértelműen hozzárendelt információ szerzésére, továbbítására vagy tárolására alkalmas
- **Hatás**: az irányítási lánc elemein végighaladó jelek

# Jelek osztályozása

- értékkészlet szerint:
  - folytonos
  - diszkrét (szakaszos)
- időbeli lefolyás szerint:
  - folyamatos
  - diszkrét (szaggatott)
- meghatározottság szerint:
  - determinisztikus
  - sztochasztikus
- megjelenési forma szerint:
  - analóg
  - digitális

# Jelek osztályozása



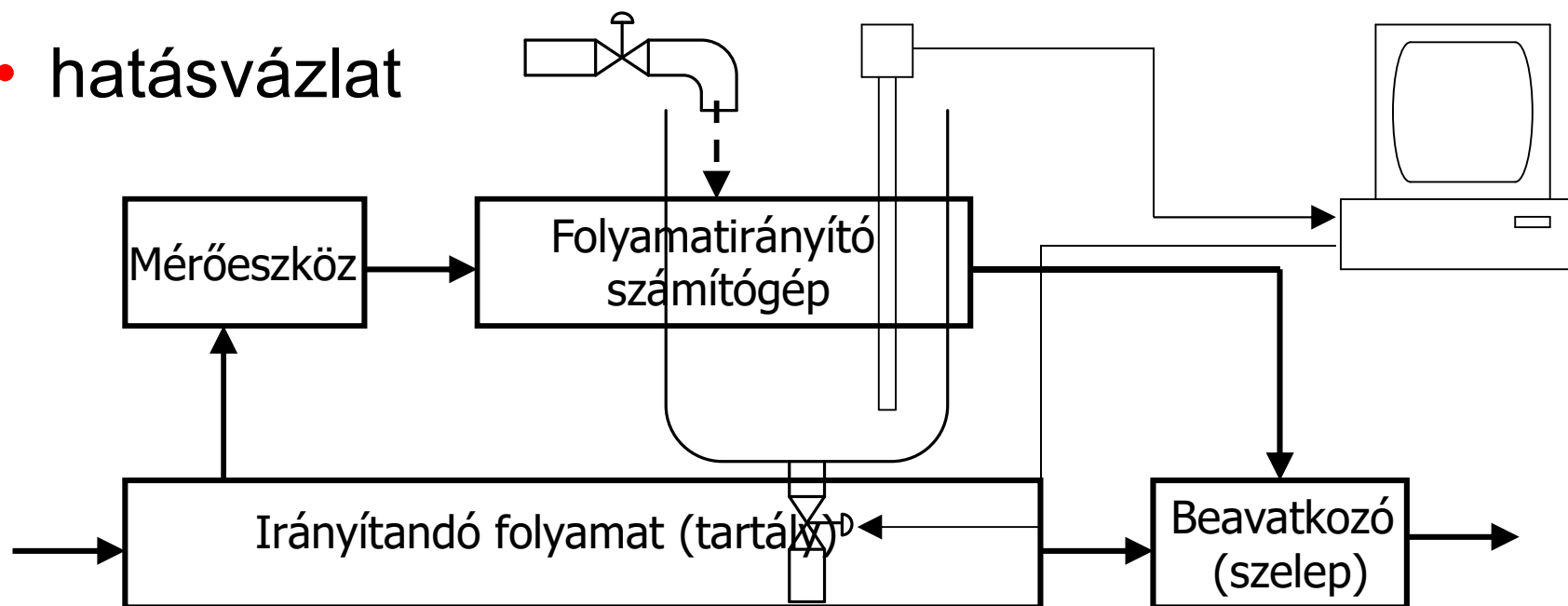


## Írányítási rendszer részei és leírása

- irányítási rendszer: - irányított rendszer  
- irányító rendszer
- hatáslánc: irányítási rendszernek az irányítás hatását közvetítő sorozata
- irányítási rendszer szerkezeti részei:
  - készülék
  - szerv
  - elem
  - jelvivő vezeték

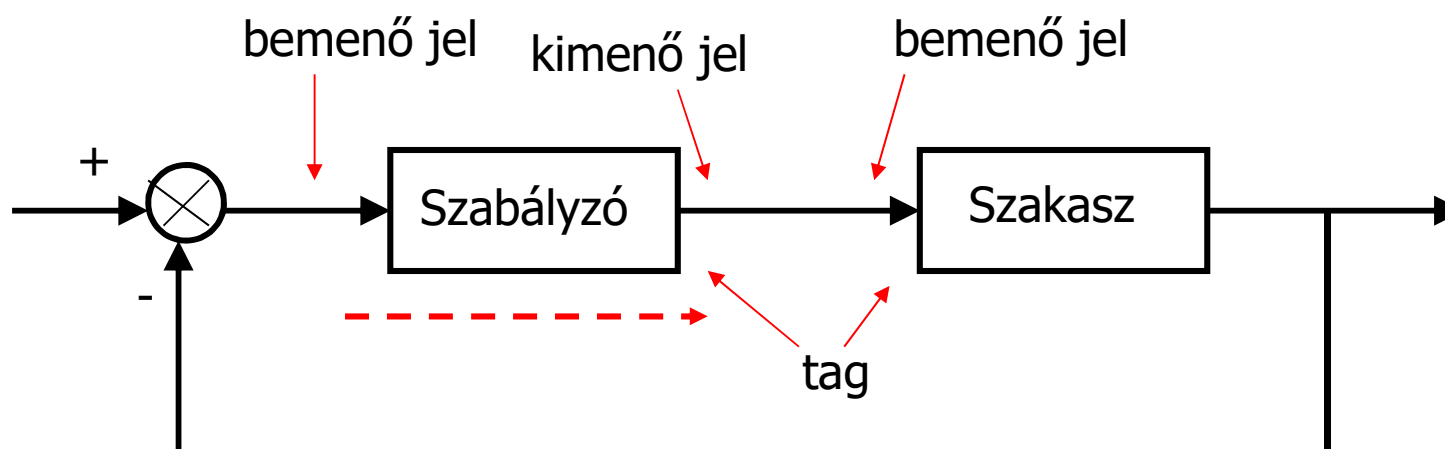
# Irányítási rendszer részei és leírása

- irányítási rendszer leírása:
  - szerkezeti vázlat
  - működési vázlat
  - hatásvázlat



# Írányítási rendszer részei és leírása

- Hatásvázlat



- Hatásvázlat részei:

- tag: irányított szakasz, szabályzó
- hatásirány: bemenő jel, kimenő jel

## Bemenet/kimenet modellek

- Lineáris, időinvariáns, folytonos idejű bemenet/kimenet (I/O) modell:

$$a_n y^{(n)} + a_{n-1} y^{(n-1)} + \dots + a_1 y^{(1)} + a_0 y = b_m u^{(m)} + \dots + b_0 u$$

ahol  $u$  – a bemenő jel

$y$  – a kimenő jel

$a_n, \dots, a_0, b_m, \dots, b_0$  – paraméterek

## Bemenet/kimenet modellek

$$a_n y^{(n)} + a_{n-1} y^{(n-1)} + \dots + a_1 y^{(1)} + a_0 y = b_m u^{(m)} + \dots + b_0 u$$

I/O modell jelzői:

- lineáris
- időinvariáns
- folytonos idejű
  - $y(t_0), \dots, y^{(n-1)}(t_0)$  – kezdeti feltételek
- inhomogén
- $n$ -ed rendű
  - $n \geq m$  – oksági szabály
- SISO

## Lineáris – nemlineáris rendszerek

- Linearitás:

$$u_1(t) \rightarrow y_1(t)$$

$$u_2(t) \rightarrow y_2(t)$$

$$\lambda_1, \lambda_2 \in R$$

$$\lambda_1 \cdot u_1(t) + \lambda_2 \cdot u_2(t) \rightarrow \lambda_1 \cdot y_1(t) + \lambda_2 \cdot y_2(t)$$

- a leíró egyenletek nem tartalmazhatják a változók szorzatait vagy hatványait
- elméleti rendszerek

# Állapottér modellek

- Lineáris, időinvariáns, folytonos idejű állapotter modell:

$$\dot{\underline{x}}(t) = \underline{\underline{A}}\underline{x}(t) + \underline{\underline{B}}\underline{u}(t)$$

$$\underline{y}(t) = \underline{\underline{C}}\underline{x}(t) + \underline{\underline{D}}\underline{u}(t)$$

ahol  $\underline{x}$  – a belső állapotok vektora

$\underline{u}$  – a bemeneti vektor

$\underline{y}$  – a kimeneti vektor

$A$  – az állapot-átmeneti mátrix

$B$  – a bemeneti mátrix

$C$  – a kimeneti mátrix

$D$  – a segédmátrix

# Vizsgálójelek

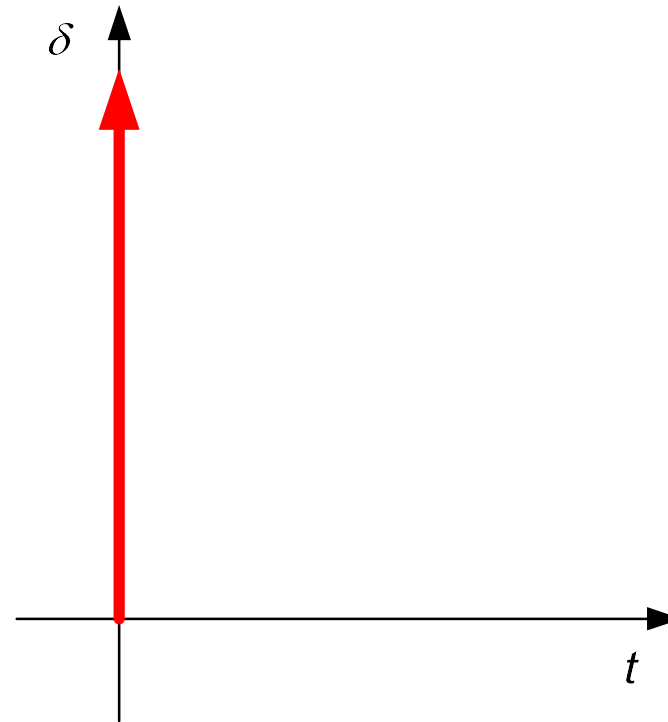
- alkalmazásuk indoka:
  - aktív kísérlettervezés lehetősége
  - ismeretlen modellű rendszerénél a modell típusának meghatározása – struktúra identifikáció
  - ismert modellű rendszer esetén a paraméterek meghatározása – paraméter identifikáció
  - ellenőrzés



## Egységimpulzus függvény

- Dirac delta,  $\delta(t)$ , unit-impulse function, delta fv.

$$\delta(t) = \begin{cases} \infty, & t = 0 \\ 0, & t \neq 0 \end{cases}$$

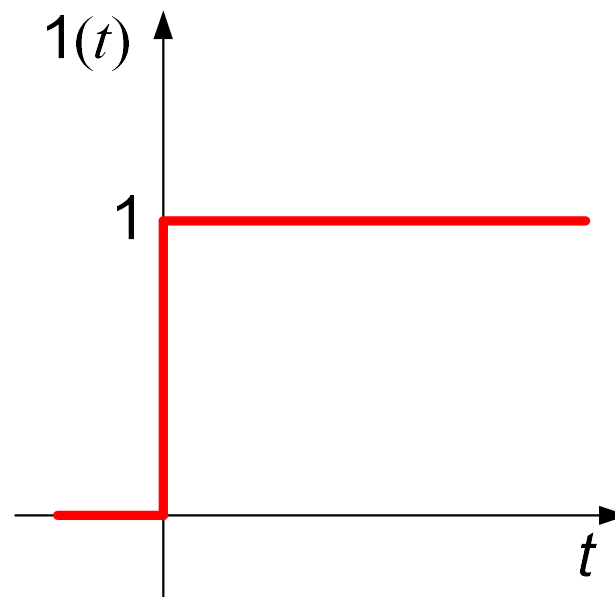


alkalmazás: impulzus jellegű zavarások

# Egységugrás függvény

- $1(t)$ , unit step function

$$1(t) = \begin{cases} 1, & t \geq 0 \\ 0, & t < 0 \end{cases}$$

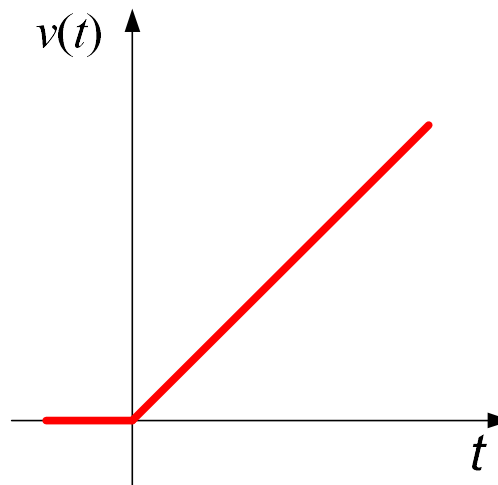


alkalmazás: alapjel-váltás, ugrás jellegű zavarások

# Egység-sebességugrás függvény

- $v(t)$ , ramp function

$$v(t) = \begin{cases} t, & t \geq 0 \\ 0, & t < 0 \end{cases}$$

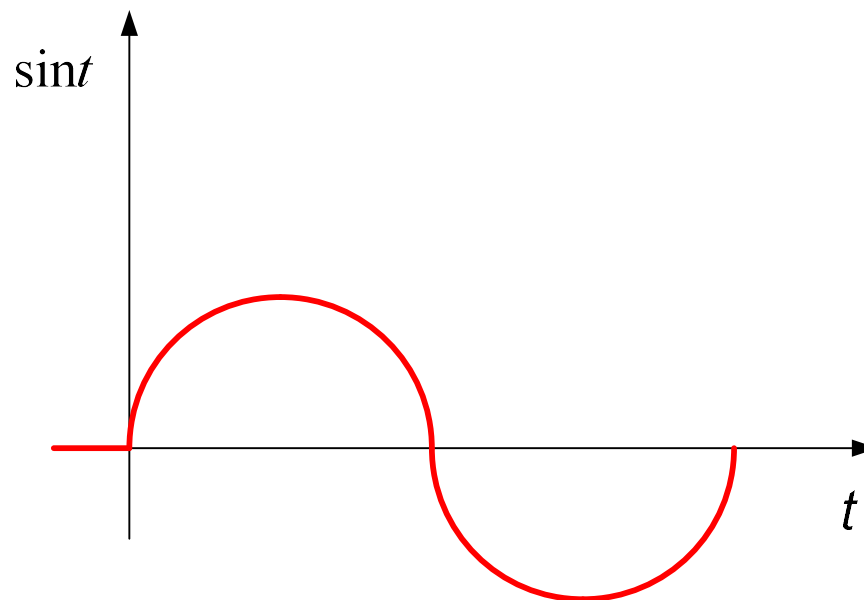


alkalmazás: programozott alapjel-váltás,  
növekvő jellegű zavarások

# Színusz függvény

- $\sin \omega t$

$$\sin \omega t = \begin{cases} \sin t, & t \geq 0, \omega = 1 \\ 0, & t < 0 \end{cases}$$



alkalmazás: periodikus bemenetű hálózatok

# Nevezetes válaszfüggvények

- **Súlyfüggvény:**
  - Dirac impulzus bemenő jelre adott válaszfüggvény
  - jele:  $h(t)$
- **Átmeneti függvény:**
  - Egységugrás bemenő jelre adott válaszfüggvény
  - jele:  $w_s(t)$
- értelmezhető a egység-sebességugrás és egység-gyorsulás bemenetekre adott válaszfüggvény is

# Átviteli függvény

- Az átviteli függvény:

$$G(s) = \frac{L(y(t))}{L(u(t))} \Big|_{z.k.f.} = \frac{b_m s^m + b_{m-1} s^{m-1} + \dots + b_0}{a_n s^n + a_{n-1} s^{n-1} + \dots + a_0}$$

- célja: a rendszer modelljének megadása operátor tartományban, a kimenet és a bemenet közti kapcsolat racionális törtfüggvény formájában történő megadásával

# Átviteli függvény

- szokásos jelölései:

$$G(s) = \frac{Y(s)}{U(s)} = \frac{b(s)}{a(s)} = \frac{z(s)}{p(s)}$$

- számláló gyökei: zérushelyek, zérusok
- nevező gyökei: pólusok

$$G(s) = \frac{b_m s^m + b_{m-1} s^{m-1} + \dots + b_0}{a_n s^n + a_{n-1} s^{n-1} + \dots + a_0} = \frac{(s - z_m) \cdot \dots \cdot (s - z_2)(s - z_1)}{(s - p_n) \cdot \dots \cdot (s - p_2)(s - p_1)}$$

# Átviteli függvény

- tulajdonságai
  - csak lineáris, időinvariáns rendszerekre
  - operátortartománybeli kapcsolat
  - a rendszer jellemzője, független a rendszer bementének nagyságától, formájától: a rendszer tulajdonságainak hordozója
  - kimenetek-bemenetek közötti kapcsolat, a rendszer belső szerkezetéről nem ad információt  
→ különböző rendszereknek lehet azonos az átviteli függvénye



# Átviteli függvény

- ismert átviteli függvény esetén
  - különböző bemenetekkel vizsgálható a rendszer:

$$Y(s) = G(s)U(s)$$

- az átviteli függvény nevezője alakilag megegyezik a karakterisztikus polinommal:

$$G(s) = \frac{b_m s^m + b_{m-1} s^{m-1} + \dots + b_0}{\underbrace{a_n s^n + a_{n-1} s^{n-1} + \dots + a_0}} \quad \sum_{i=1}^n \underbrace{(a_n p_i^n + \dots + a_1 p_i + a_0)} \cdot C_i e^{p_i t} = 0$$

rendszer tulajdonságok meghatározása

## Átviteli függvény

- ha az átviteli függvény alakja ismert, de az együtthatók értéke nem, akkor a vizsgáló jelek segítségével azok meghatározhatók – paraméter identifikáció
- ha az átviteli függvény nem ismert, akkor a vizsgáló jelekre adott kimenetek vizsgálatával meghatározható – struktúra identifikáció

## Tipikus dinamikus tagok

- a tagok osztályozása
  - az I/O egyenlet kimeneti oldalának deriválási fokszáma alapján, ami megfelel az átviteli függvény nevezőjében lévő polinom fokszámának ( $n$ )
  - az I/O egyenletben a bemenet esetében nem deriválunk, így az átviteli függvényben a számláló fokszáma általában 0, (konstans számláló)

$$a_n y^{(n)} + a_{n-1} y^{(n-1)} + \dots + a_1 y^{(1)} + a_0 y = b_0 u$$

$$G(s) = \frac{b_0}{a_n s^n + a_{n-1} s^{n-1} + \dots + a_0}$$

## Másodrendű tag

- $n=2$  és  $m=0$ ,

- **I/O modell:**  $a_2 y^{(2)} + a_1 y^{(1)} + a_0 y = b_0 u$   $y(0) = y^{(1)}(0) = 0$

- tegyük fel, hogy  $a_2, a_1, a_0, b_0 \neq 0$ ,

- átrendezve  $\frac{a_2}{a_0} y^{(2)} + \frac{a_1}{a_0} y^{(1)} + y = \frac{b_0}{a_0} u$

$$\frac{a_2}{a_0} = T_2^2 \quad \frac{a_1}{a_0} = T_1 \quad \frac{b_0}{a_0} = K$$

$$T_2^2 y^{(2)} + T_1 y^{(1)} + y = Ku$$

## Másodrendű tag

- gyakorlatban a két időállandó helyett a következő paramétereket használjuk:

$$T = T_2 \quad \text{időállandó}$$

$$\xi = \frac{1}{2} \frac{T_1}{T_2} \quad \text{csillapítási tényező}$$

$$T^2 y^{(2)} + 2\xi T y^{(1)} + y = Ku$$

- Laplace transzformálva:

$$T^2 s^2 Y(s) + 2\xi T s Y(s) + Y(s) = KU(s)$$

## Másodrendű tag

- átviteli függvény:

$$G(s) = \frac{Y(s)}{U(s)} = \frac{K}{T^2 s^2 + 2\xi Ts + 1}$$

- bevezetve:

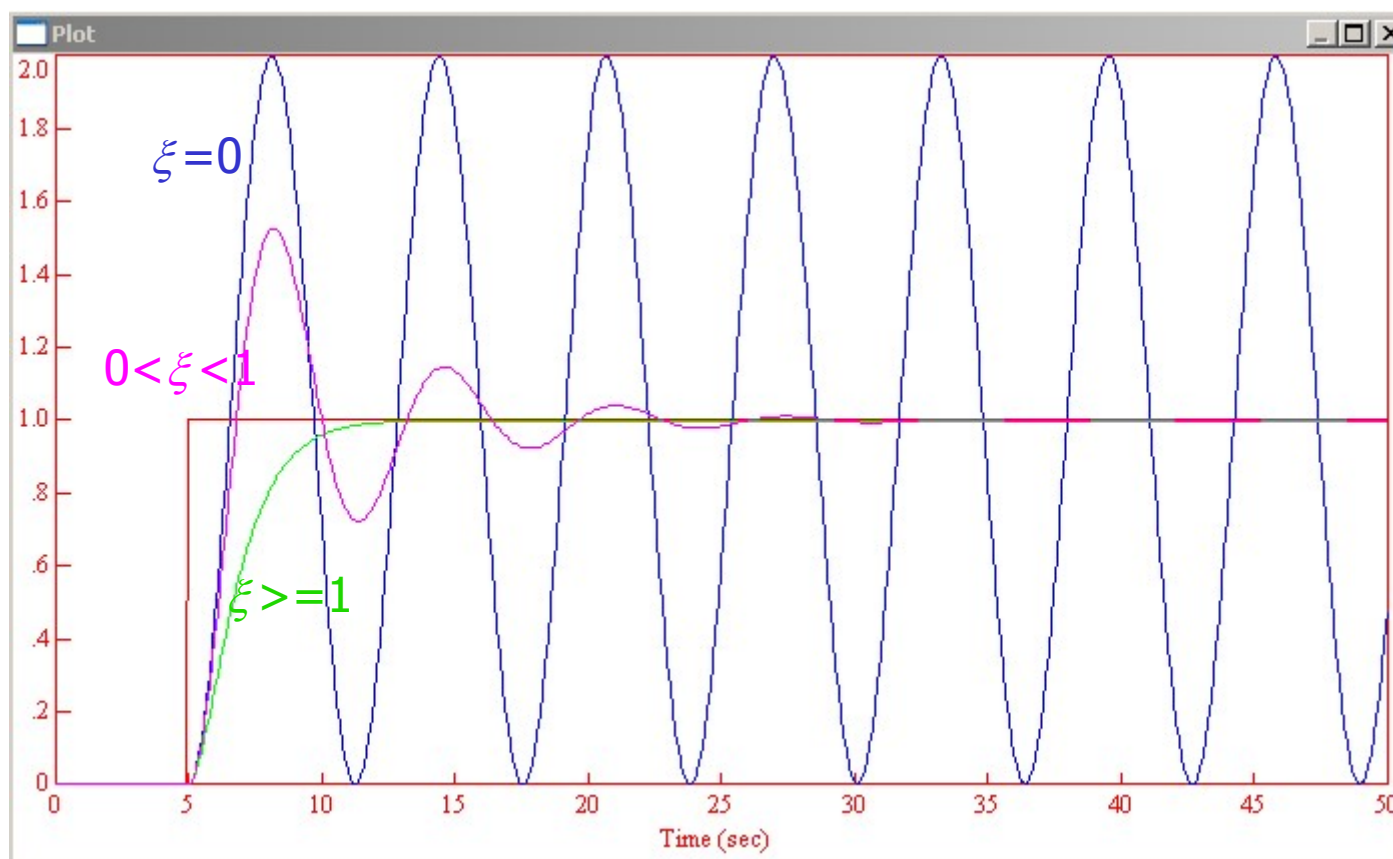
$$\omega_n = \frac{1}{T}$$

$$G(s) = \frac{K\omega_n^2}{s^2 + 2\xi\omega_n s + \omega_n^2}$$

ahol  $\omega_n$  a természetes frekvencia

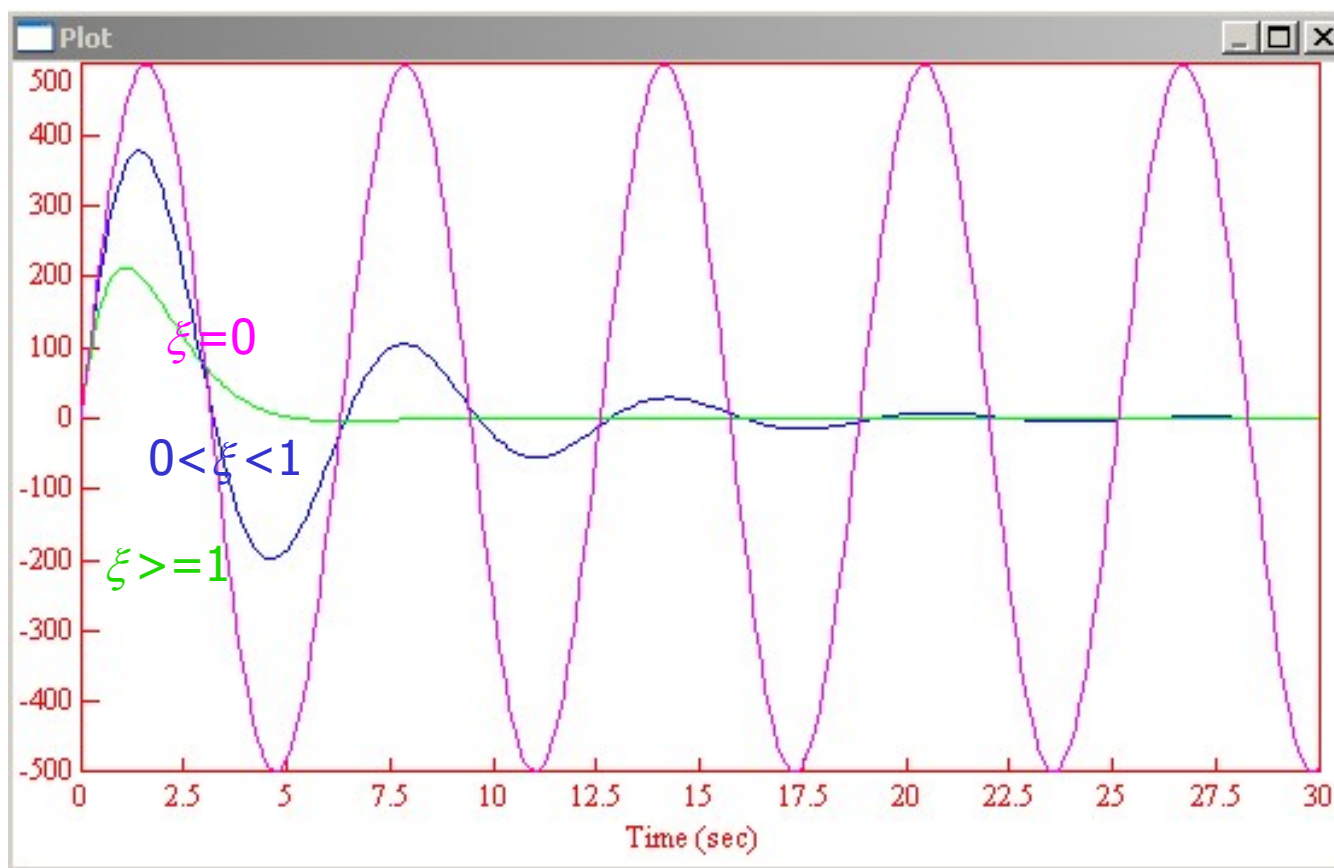
## Másodrendű tag

- különböző csillapítású tagok átmeneti függvénye:



## Másodrendű tag

- különböző csillapítású tagok súlyfüggvénye:





## Harmad- és magasabb rendű tagok

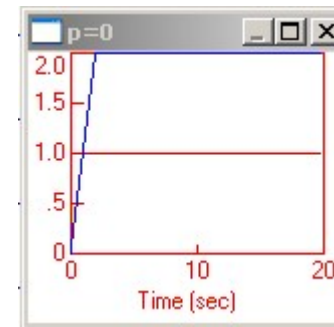
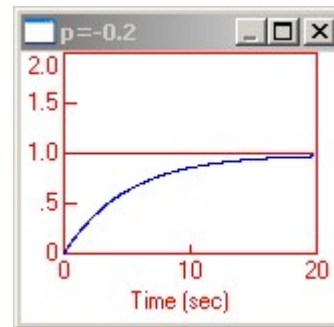
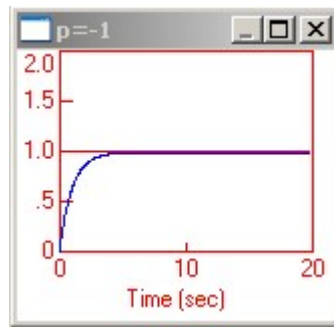
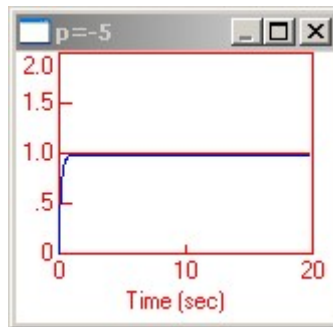
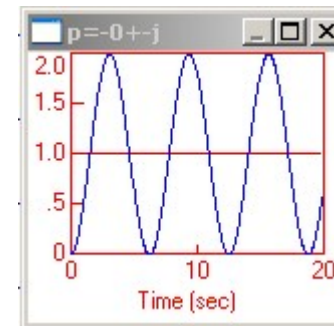
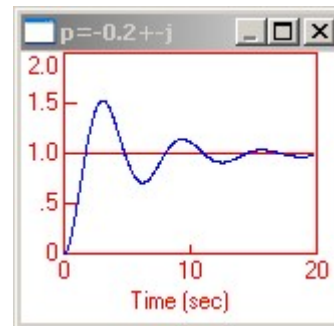
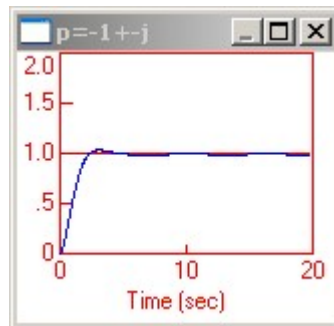
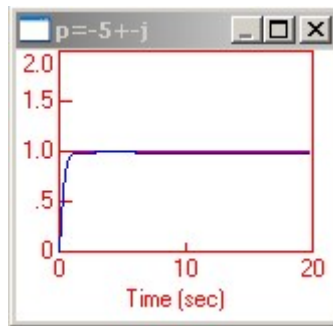
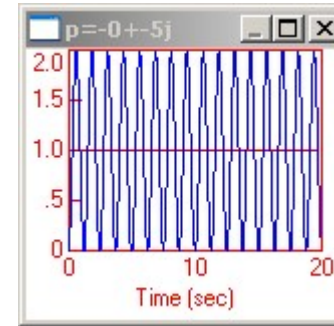
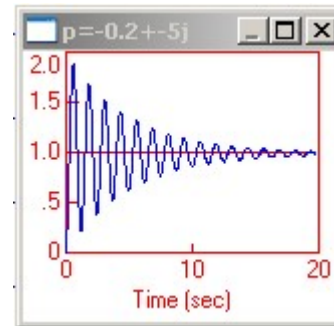
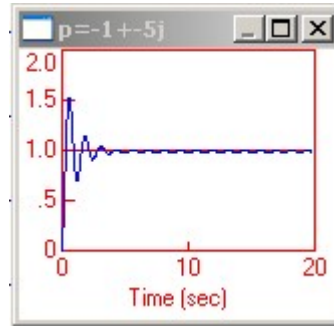
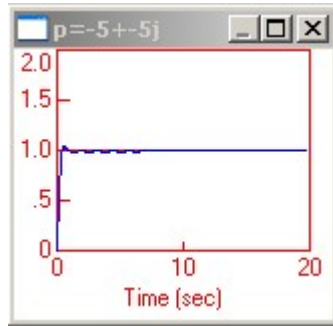
- **pólusok elhelyezkedésének hatása**
  - ha **valamennyi** pólus **negatív valós**, akkor a beállítás hasonló a másodrendű rendszerek  $\xi \geq 1$ , azaz túlcsillapított esetéhez;
  - ha a pólusok között van **egy** vagy **több komplex konjugált gyökpár**, de minden pólusra igaz, hogy vagy negatív valós vagy negatív valósrésű, akkor a beállítás hasonló a másodrendű rendszerek  $0 < \xi < 1$ , azaz alulcsillapított esetéhez

## Harmad- és magasabb rendű tagok

- ha van **egy nulla valós részű gyökpár**, de minden más pólus valósrésze negatív, akkor a beállítás hasonló a másodrendű rendszerek  $\xi = 0$ , azaz csillapítás határa esetéhez;
- ha van egy **nulla gyök**, de minden más pólus valósrésze negatív, akkor a beállítás hasonló az egytárolós integráló tag viselkedéséhez;
- ha van egy **pozitív valós gyök** vagy **pozitív valós részű gyökpár**, akkor a beállítás hasonló a másodrendű rendszerek  $\xi < 0$  esetéhez.

# Pólusok elhelyezkedésének hatása

Im

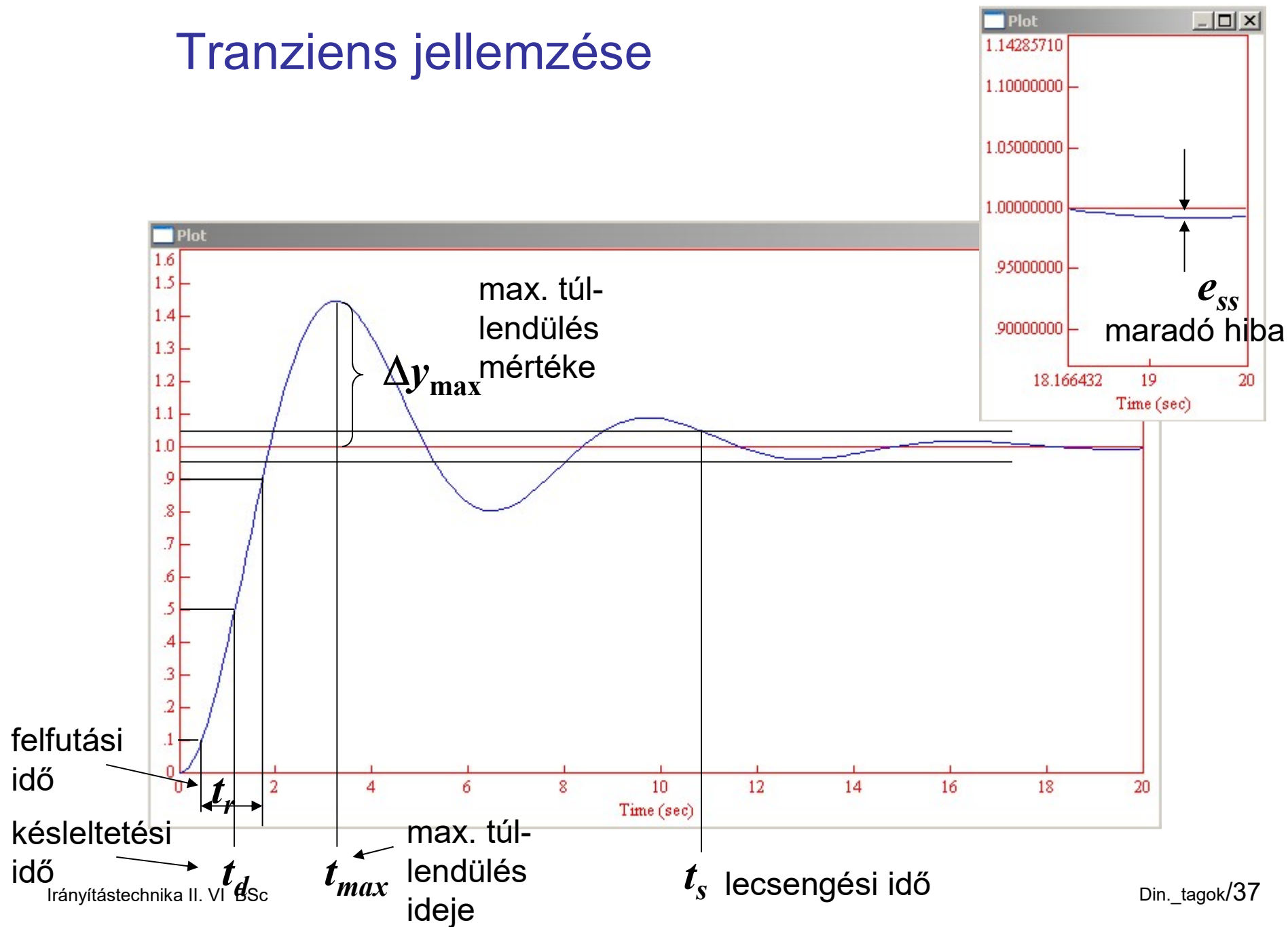


Re

## Pólusok elhelyezkedésének hatása

- **domináns pólus:**  
ha egy tagnak/rendszernek csak negatív valós vagy negatív valós részű komplex pólusai vannak, akkor ezek közül a képzetes tengelyhez legközelebb elhelyezkedő pólust (a legkisebb abszolút értékű valós résszel rendelkező pólust) domináns pólusnak nevezzük
- **ököl szabály a pólusok figyelembe vételére:**  
minden olyan pólus hatását el lehet hanyagolni, amely a képzetes tengelytől 5-6-szor távolabb van, mint a domináns pólus

# Tranziens jellemzése



# Frekvenciafüggvények ábrázolási módjai

- Amplitúdó-fázis görbe, Nyquist-diagram

- frekvenciát  $0 \leq \omega < \infty$  tartományban változtatva minden  $\omega$  értékhez meghatározzuk és a komplex síkon ábrázoljuk a

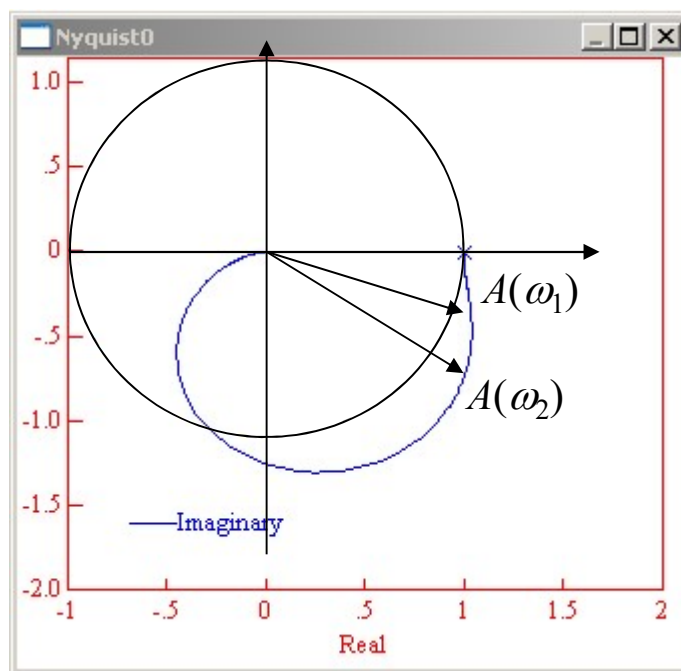
$$\begin{aligned} G(j\omega) &= |G(j\omega)| \angle G(j\omega) = A(\omega)e^{j\varphi(\omega)} = \\ &= \operatorname{Re}(G(j\omega)) + j\operatorname{Im}(G(j\omega)) \end{aligned}$$

képletben szereplő  $A(\omega)$  abszolút értéket és  $\varphi(\omega)$  fáziseltolási szöveget.

- A jelleg görbe egyes pontja kvázistacionárius állapotot adnak meg.

# Dinamikus tagok frekvenciafüggvényei

- Nyquist diagram



# Frekvenciafüggvények ábrázolási módjai

- **Bode-diagram**

- az amplitúdó logaritmusát és a fázisszöget a frekvencia függvényében ábrázolva kapjuk a Bode-diagramot

- $G(j\omega) = A(\omega) e^{j\varphi(\omega)} = |G(j\omega)| e^{j\varphi(\omega)}$

- $\ln G(j\omega) = \ln|G(j\omega)| + j\varphi(\omega)$

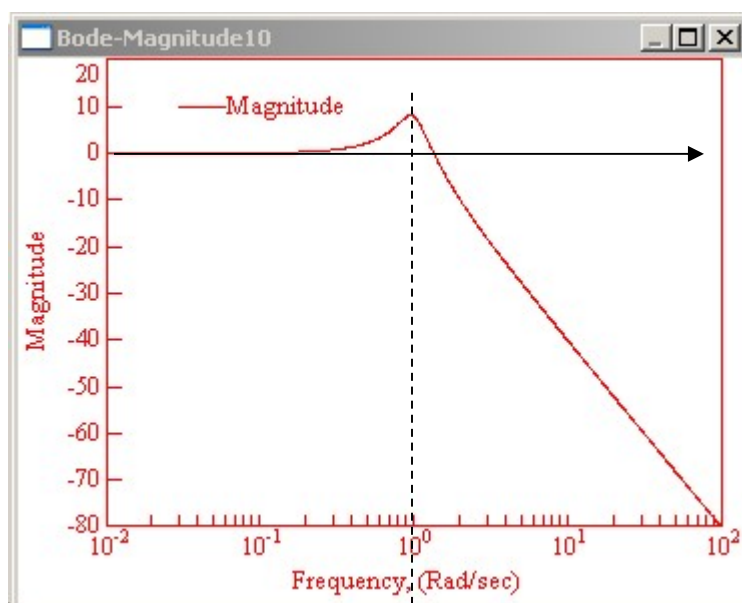
- gyakorlatban az amplitúdóviszonyt decibelben adjuk meg:

$$A(\omega)[\text{dB}] = 20 \lg |G(j\omega)|$$

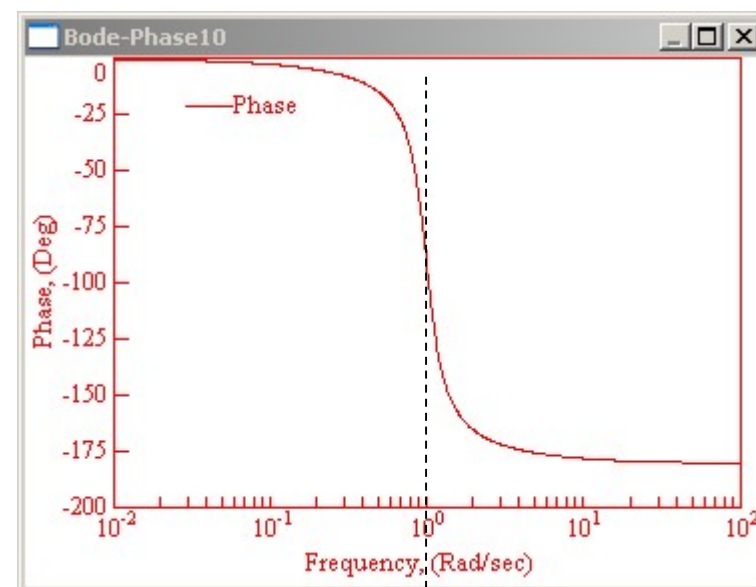


# Dinamikus tagok frekvenciafüggvényei

- Bode diagram



$$\frac{1}{T}$$



$$\frac{1}{T}$$

# Stabilitás

- definíciók
  - BIBO stabilitás – külső stabilitás  
a bementek – kimenetek viszonyára tesz megkötést
  - aszimptotikus stabilitás  
a kimenetek határértékére tesz megkötést

# BIBO stabilitás

- BIBO stabilitás definíciója

Egy rendszert BIBO stabilnak nevezünk, ha korlátos bemenet, azaz  $|u(t)| < M_1$ , valamely  $-\infty < t_0 \leq t < \infty$  időintervallum esetén, a kimenete is korlátos:  $|y(t)| < M_2$ , a  $t_0 \leq t < \infty$  időintervallumon (ahol  $M_1, M_2 < \infty$ , és  $t_0$  a kezdőidőpont) .

## BIBO stabilitás

- **Tétel:**

Egy rendszer akkor és csak akkor BIBO stabil, ha

$$\int_0^{\infty} |h(t)| dt < M < \infty$$

azaz a súlyfüggvény abszolút integrálja korlátos.

## Aszimptotikus (nulla bemeneti) stabilitás

- Legyen  $n$ -ed rendű lineáris, időinvariáns rendszer bemenete zérus, a kimenete pedig a kezdeti értékek miatt  $y(t)$ . Ekkor  $y(t)$  a következő módon fejezhető ki:

$$y(t) = \sum_{k=0}^{n-1} g_k(t) \cdot y^{(k)}(t_0)$$

ahol  $g_k(t)$  jelöli az  $y^{(k)}(t_0)$  kezdeti értékek miatti, a nulla bemenetre adott válasz  $(k+1)$ -dik komponensét és

$$y^{(k)}(t_0) = \left. \frac{d^k y(t)}{dt^k} \right|_{t=0}$$

## Aszimptotikus (nulla bemeneti) stabilitás

- Nulla bemeneti stabilitás definíciója

Egy lineáris időinvariáns rendszert tetszőleges, nem minden esetben zérus kezdeti feltételek esetén nulla bemeneti stabilitásúnak nevezünk, ha megválasztható egy  $M$  korlát

$$\exists M(y(t_0), y^{(1)}(t_0), \dots, y^{(n-1)}(t_0)) > 0,$$

úgy, hogy

$$|y(t)| \leq M < \infty, \quad \forall t \geq t_0$$

és

$$\lim_{t \rightarrow \infty} y(t) = 0$$

## Stabilitás – Általános feltétel

- A homogén egyenlet általános megoldása:

$$y(t) = c_1 e^{p_1 t} + c_2 e^{p_2 t} + \dots + c_n e^{p_n t} = \sum_{k=1}^n c_k e^{p_k t}$$

ahol  $p_1, p_2, \dots, p_n$  a homogén egyenletnek megfelelő karakterisztikus egyenlet gyökei,  $c_i$  konstansok

- aszimptotikus stabilitás:  $\lim_{t \rightarrow \infty} y(t) = 0$
- teljesül: ha ezek a gyökök negatív valósak, vagy negatív valós részű komplex gyökpárok:

$$\operatorname{Re}\{p_i\} < 0, \quad \forall p_i, i=1, \dots, n$$

## Stabilitás – Általános feltétel

- Operátor tartományban
  - Átviteli függvény

$$G(s) = \frac{Y(s)}{U(s)} = \frac{b_m s^m + \dots + b_0}{a_n s^n + \dots + a_0} = \frac{b_0}{a_0} \cdot \frac{(s - z_1) \cdot \dots \cdot (s - z_m)}{(s - p_1) \cdot \dots \cdot (s - p_n)}$$

ahol a  $p_1, p_2, \dots, p_n$  gyökök a nevező polinomjának gyökei, azaz a pólusok, és megfelelnek a homogén differenciálegyenlethez tartozó karakterisztikus egyenlet gyökeinek

- Így a rendszer stabilitáshoz ezeknek a gyököknek az előjelét kell ellenőrizni  $\Rightarrow$  komplex sík baloldali félsíkjára esnek-e



## Stabilitás definíciók összehasonlítása

- BIBO stabilitás: korlátos bemenetre korlátos válasz
- Aszimptotikus stabilitás:
  - nulla bemenet és nem zérus kezdeti feltételek esetén nullához tartó kimenet
  - ugrás jel bemenetre az erősítés által meghatározott végértékhez tartó válasz



- Aszimptotikusan stabil rendszer  $\Rightarrow$  BIBO stabil is
- BIBO stabil rendszer nem feltétlenül aszimptotikusan stabil

# Stabilitásvizsgálati módszerek

- szükségességük
- fajtáik
  - algebrai: Routh-Hurwitz módszer
  - frekvenciatartomány: Nyquist-kritérium  
Bode-kritérium
  - geometriai: gyökhelygörbe módszer

## Routh-Hurwitz kritérium

- A stabilitás szükséges és elégséges feltétele:

- I. Minden együttható legyen pozitív

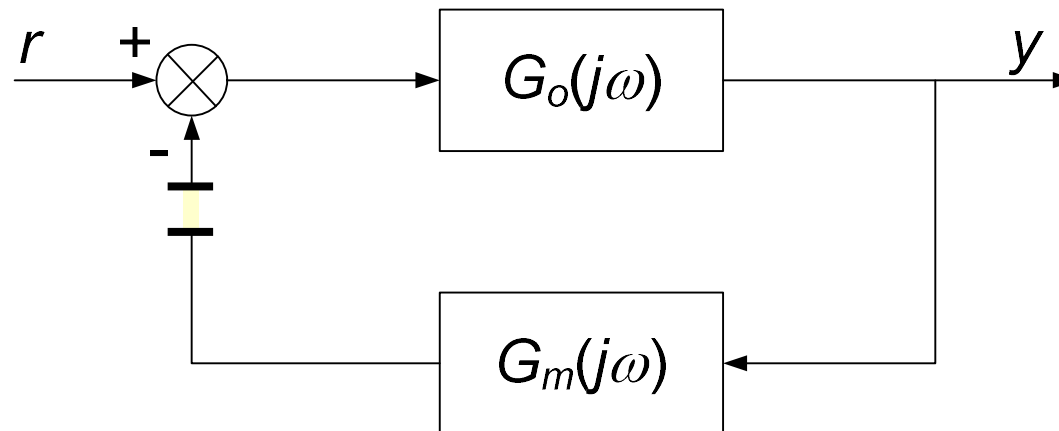
$$\forall a_i > 0, \quad i = 0, \dots, n$$

- II. A  $H$  Hurwitz-determináns valamennyi főátlóra támaszkodó aldeterminánsa legyen pozitív:

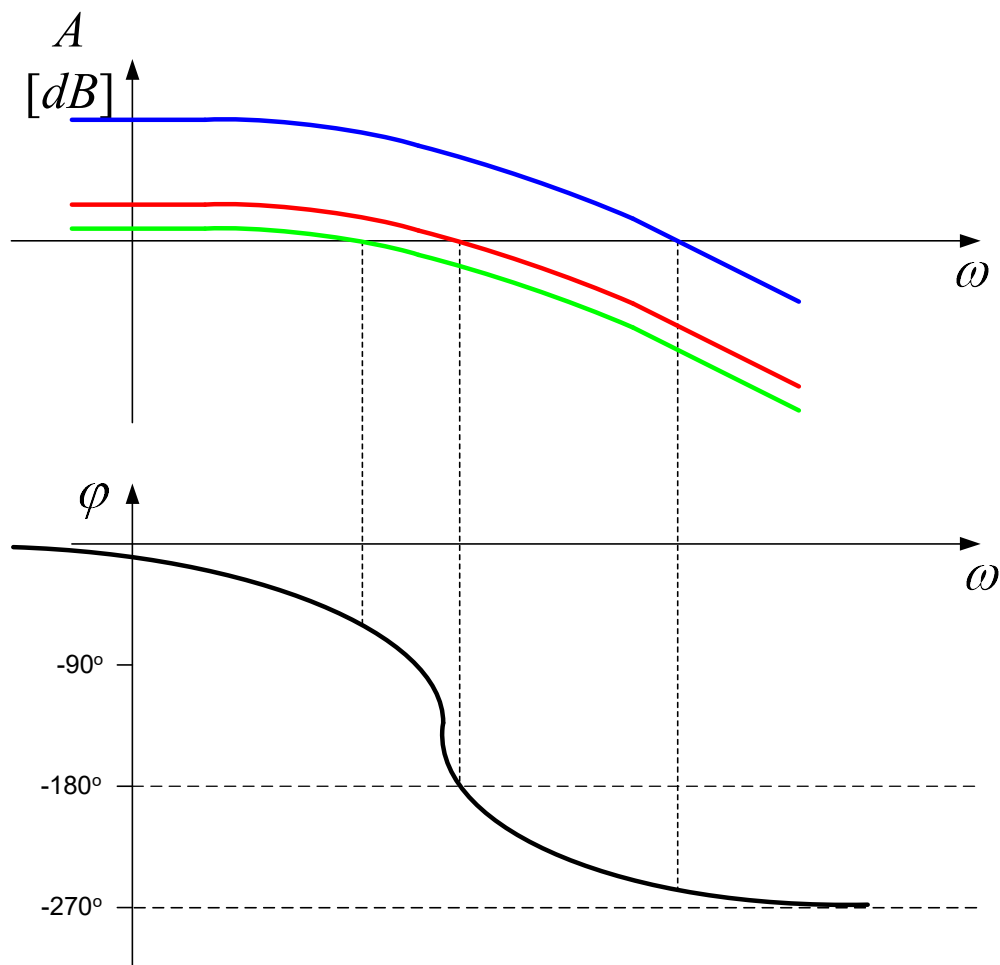
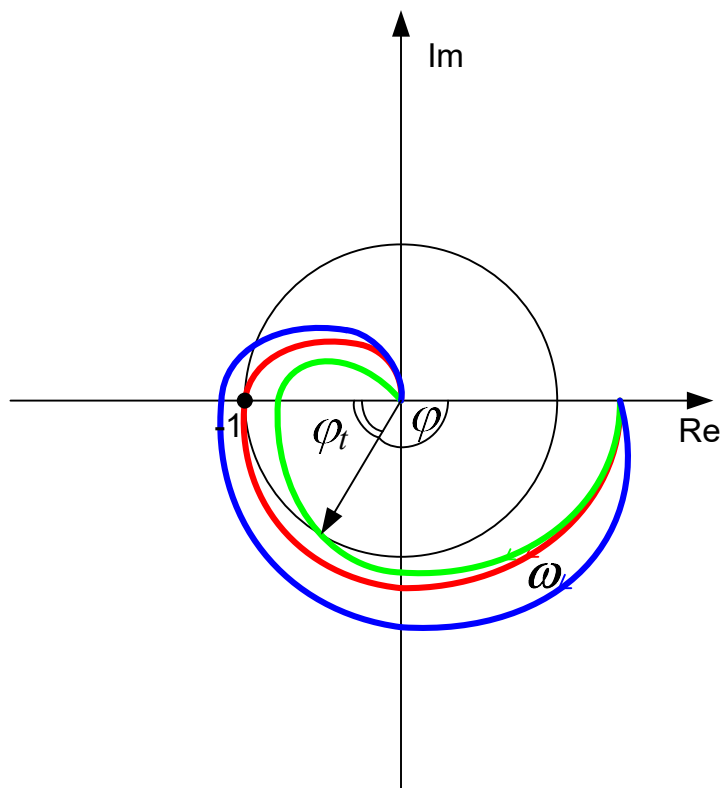
$$H_{n \times n} = \begin{array}{c} \begin{array}{cccccc} & \Delta_1 & \Delta_2 & \Delta_3 & & \Delta_n \\ \left[ \begin{array}{cccc|c} a_{n-1} & a_{n-3} & a_{n-5} & \dots & 0 \\ a_n & a_{n-2} & a_{n-4} & \dots & 0 \\ 0 & a_{n-1} & a_{n-3} & \dots & 0 \\ 0 & a_n & a_{n-2} & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & \dots & a_0 \end{array} \right. & \end{array} \end{array} \quad \Delta_i > 0, \quad i = 1, \dots, n$$

# Nyquist- és Bode-kritérium

- frekvenciatartományban alkalmazott geometria kritérium
- alapelv: a felnyitott kör helygörbájéből következtetünk a zárt rendszer stabilitási viszonyaira



# Nyquist- és Bode-kritérium



instabil

stabilitás  
határán

stabil

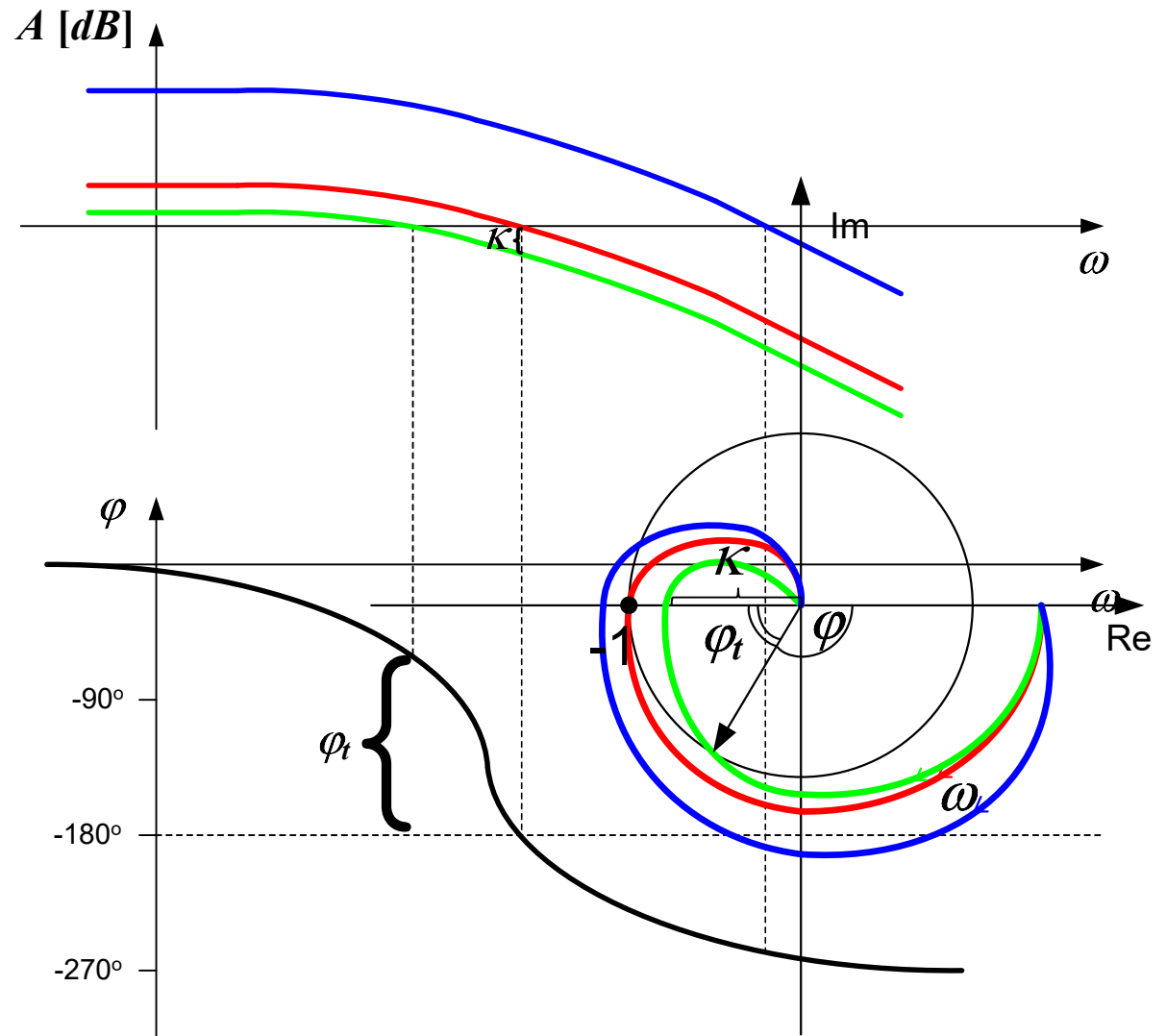
# Bode-kritérium

- Erősítési tartalék

- $|\kappa|$  [dB]
- fizikai értelmezés

- Fázistartalék

- $\varphi_t$



# Gyök helygörbe

- Def.:

A gyök helygörbe a zárt rendszer pólusainak mértani helye a komplex síkon, miközben a rendszer valamely paraméterét zérus és végtelen között változtatjuk

- módszer célja:

- stabilitásvizsgálat
- minőségi jellemzők hozzávetőleges meghatározása

## Gyök helygörbe

- a gyök helygörbe tulajdonságai
  1. A gyök helygörbének annyi ága van, amennyi a zárt rendszer pólusainak a száma.
  2. A gyök helygörbe mindig szimmetrikus a valós tengelyre nézve.



## Gyök helygörbe

3. Legyen  $n$  a pólusok száma,  $m$  a zérushelyek száma a felnyitott körben

- ha  $n > m$ , akkor a gyök helygörbe a felnyitott kör pólusaiból indul ki, és  $m$  számú ág a felnyitott kör zérushelyeibe,  $n - m$  számú ág a végtelenbe tart;
- ha  $n = m$ , akkor a gyök helygörbe teljesen a végesben van;
- ha  $n < m$ , akkor  $m - n$  számú ág a végtelenből indul ki (nem reális eset).

## Gyökhelygörbe

4. A valós tengelyen akkor és csak akkor lehetnek gyökhelygörbe szakaszok, ha a vizsgált ponttól jobbra a pólusok és a zérushelyek együttes száma páratlan.
5. A gyökhelygörbe aszimptótáinak irányát az

$$\alpha = \frac{l \cdot 180^\circ}{n - m} \quad l = 1, 3, 5, \dots, 2(n - m) - 1$$

összefüggés adja meg.

## Gyök helygörbe

6. A gyök helygörbe aszimptótái a valós tengelyt az alábbi összefüggés által meghatározott ún. súlypontban metszik. Jelölje  $p_i$  a felnyitott kör  $i$ -dik pólusát,  $z_j$  a felnyitott kör  $j$ -dik zérusát. Ekkor az  $S$  súlypont értéke:

$$S = \frac{\sum_{i=1}^n p_i - \sum_{j=1}^m z_j}{n - m} = \frac{\sum_{i=1}^n \operatorname{Re}\{p_i\} - \sum_{j=1}^m \operatorname{Re}\{z_j\}}{n - m}$$

## Gyökhelygörbe

7. A gyökhelygörbe és a képzetes tengely metszés-pontja, vagyis a stabilitáshatárához tartozó erősítési értékhez tartozó pólusok a korábban ismertetett Hurwitz determináns segítségével határozhatók meg.
8. A gyökhelygörbe kilépése a valós tengelyből, vagyis a valós tengelynek az az  $x$  pontja, ahol többszörös gyököket kapunk a következő egyenlet segítségével határozható meg:

$$\sum_{i=1}^n \frac{1}{x - p_i} - \sum_{j=1}^m \frac{1}{x - z_j} = 0$$

## Gyökhelygörbe

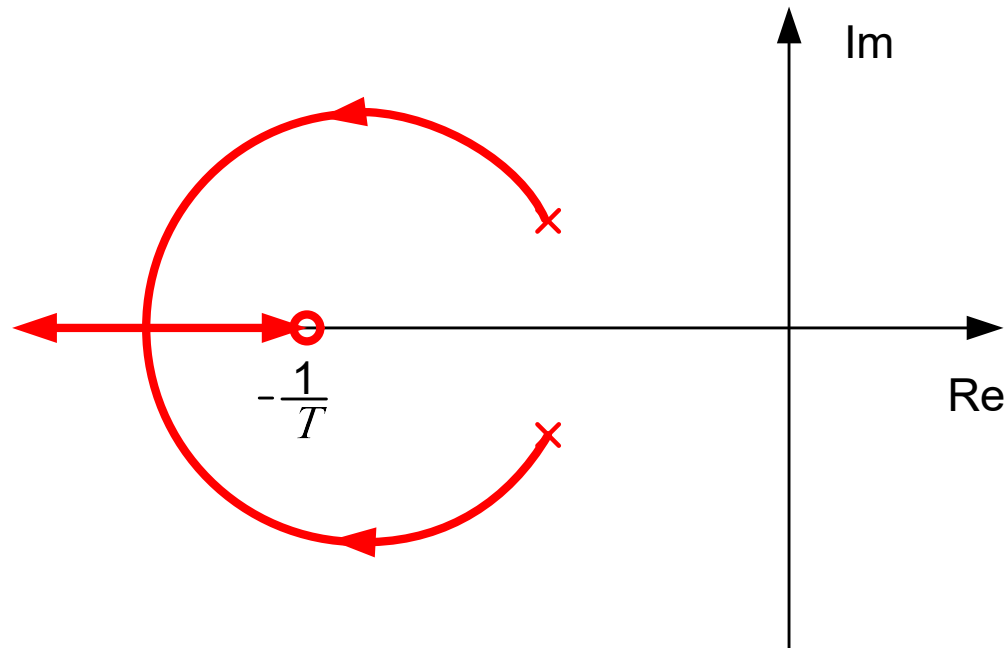
9. A gyökhelygörbe kilépése a komplex pólusokból a szögfeltétel segítségével határozható meg, úgy, hogy felvesszünk egy pontot a pólushoz közel, és arra nézve megoldjuk a szögfeltételt:

$$\sum_{k=1}^m \angle \gamma_k - \sum_{i=1}^n \angle \delta_i = \pm l \cdot 180^\circ$$

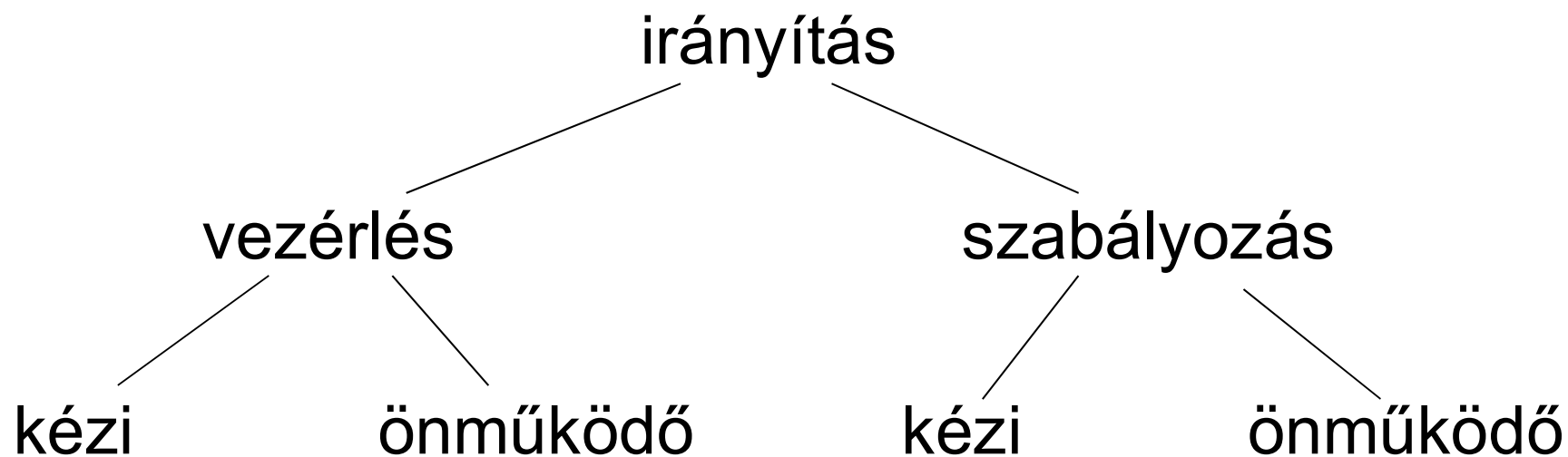
## Gyökhelygörbe - példák

- legyen  $n = 2$ ,  $m = 1$  és  $0 < \xi < 1$

$$G(s) = \frac{K(Ts + 1)}{\tau^2 s^2 + 2\xi\tau s + 1} \Rightarrow G_e(s) = \frac{K(Ts + 1)}{\tau^2 s^2 + (2\xi\tau + KT)s + 1 + K}$$

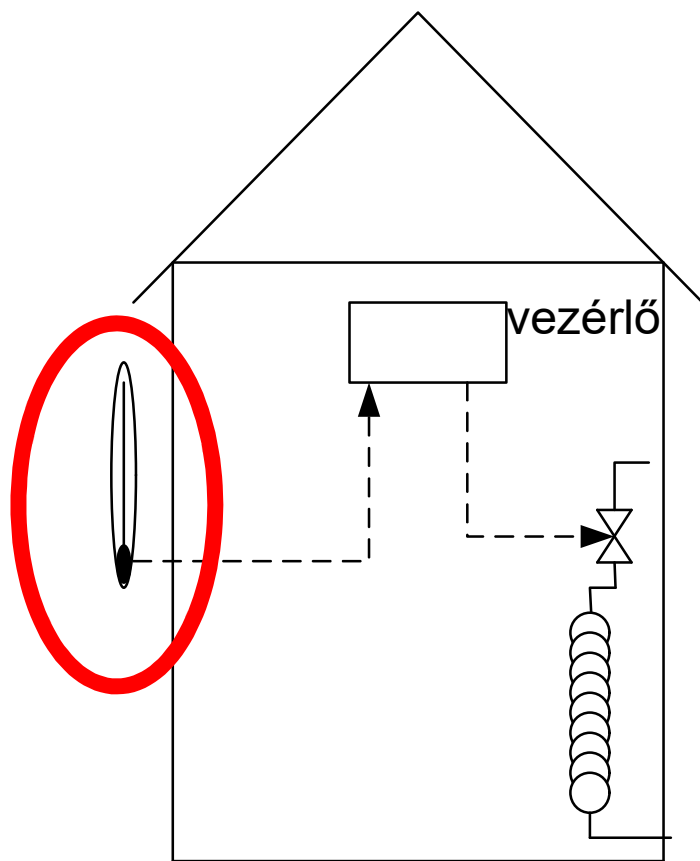


# Irányítástechnika felosztása

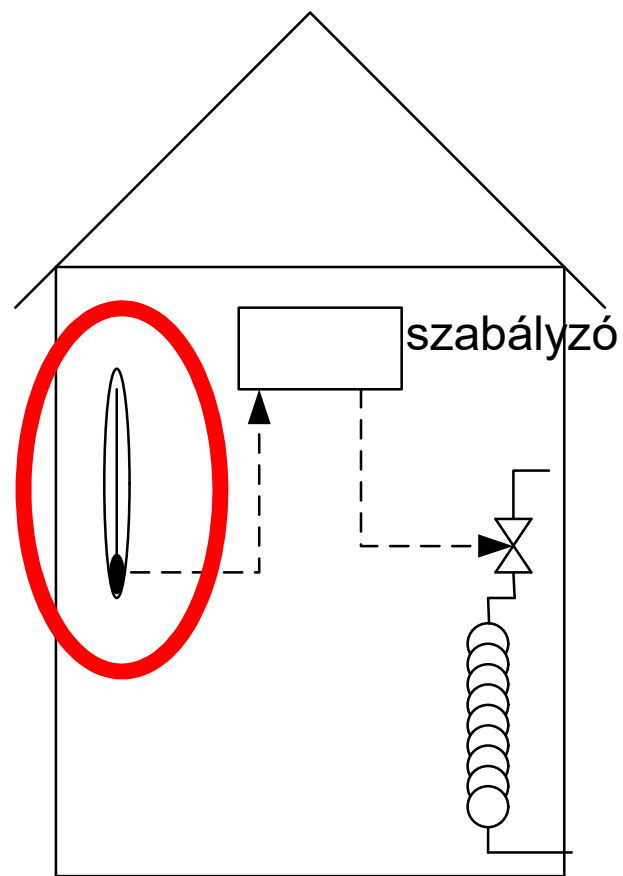


# Irányítástechnika felosztása

vezérlés



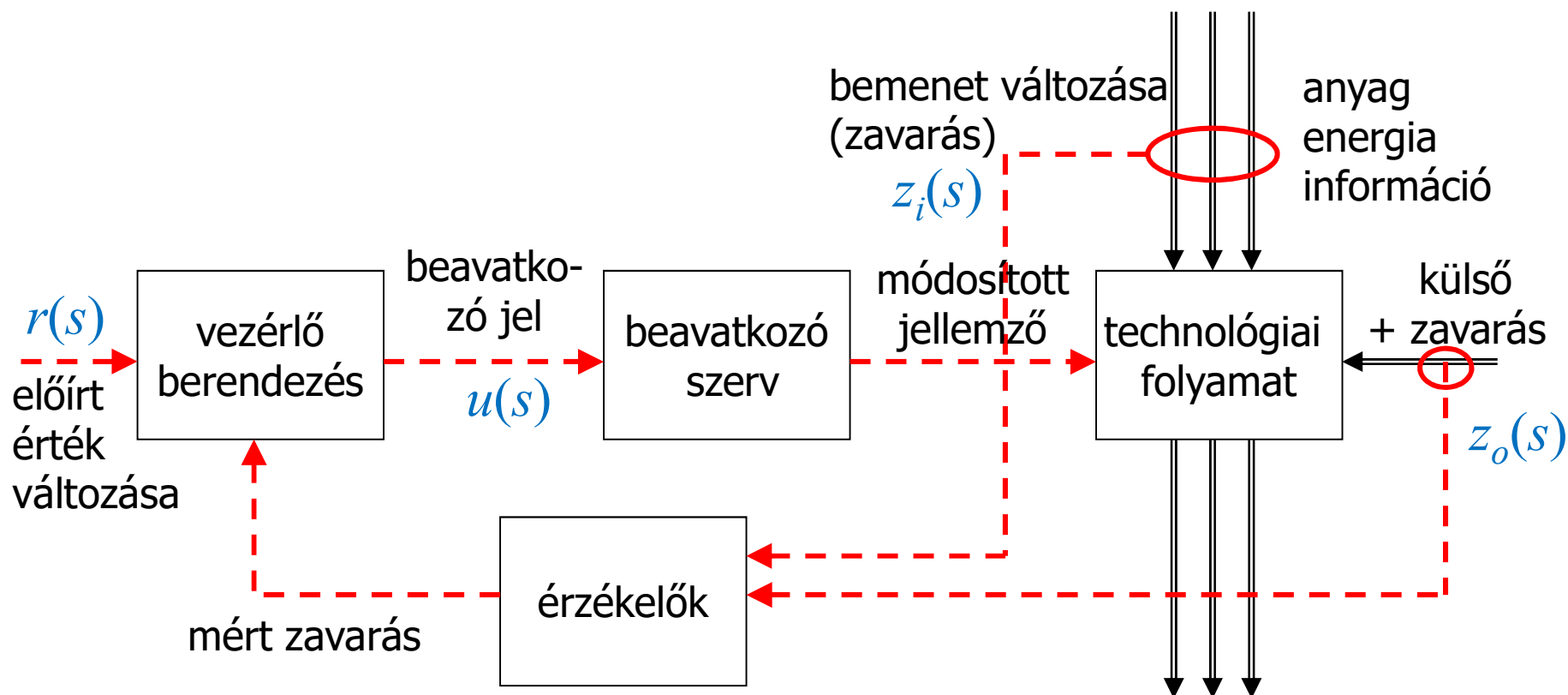
szabályozás





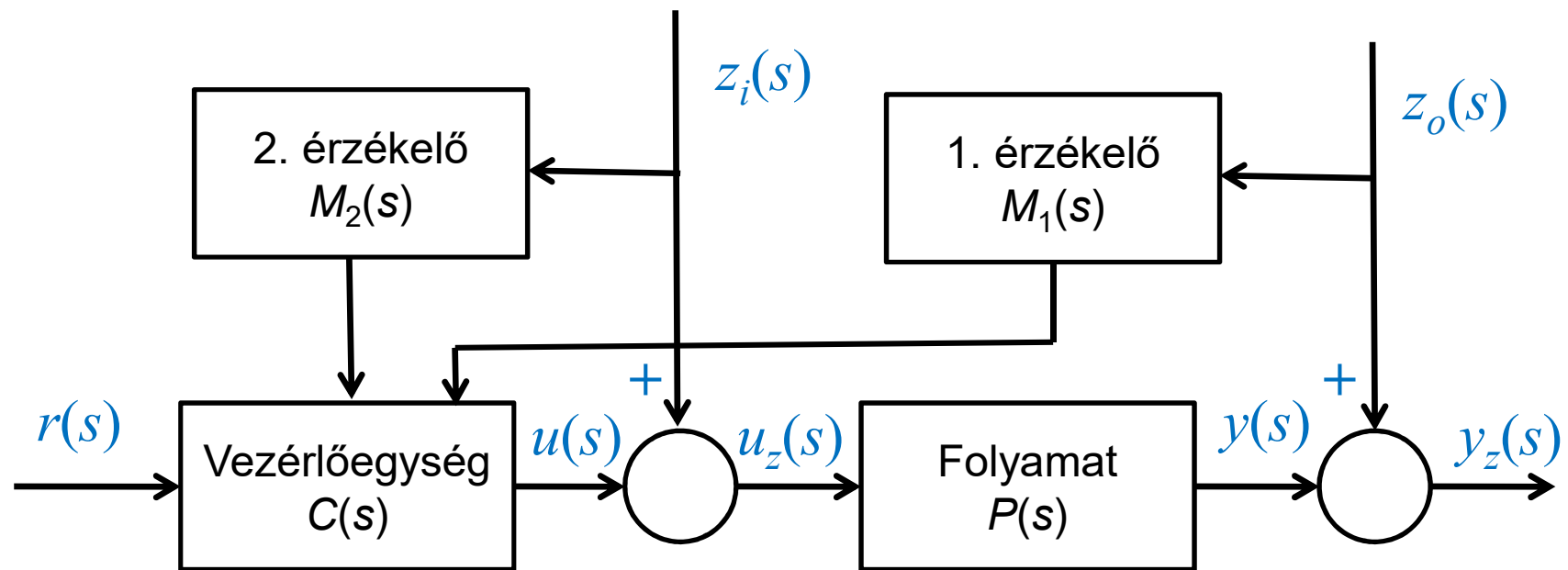
# Vezérlés hatáslánca

- Vezérlés



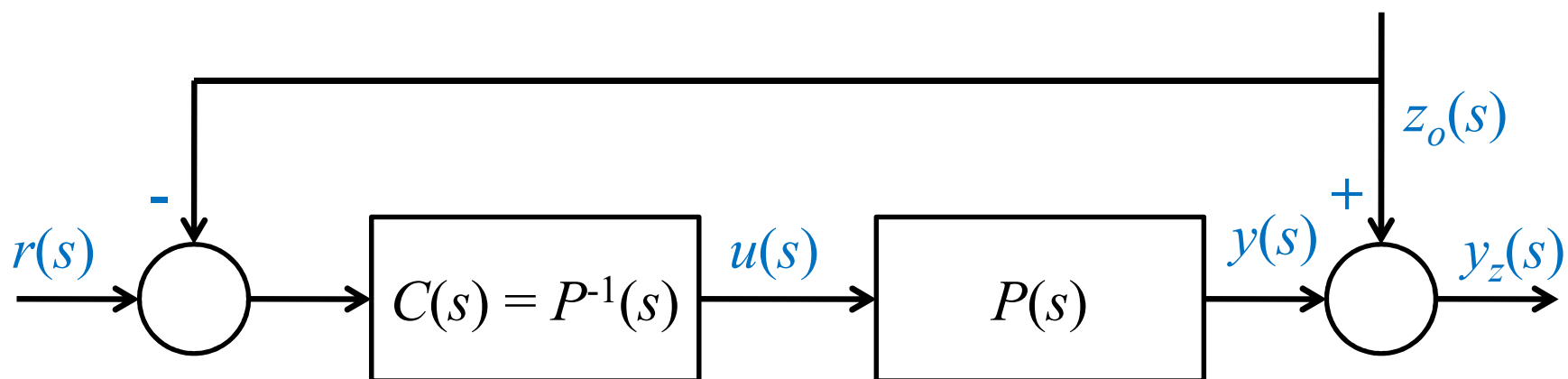
# Vezérlés

- Vezérlés hatásvázlata



# Vezérlés

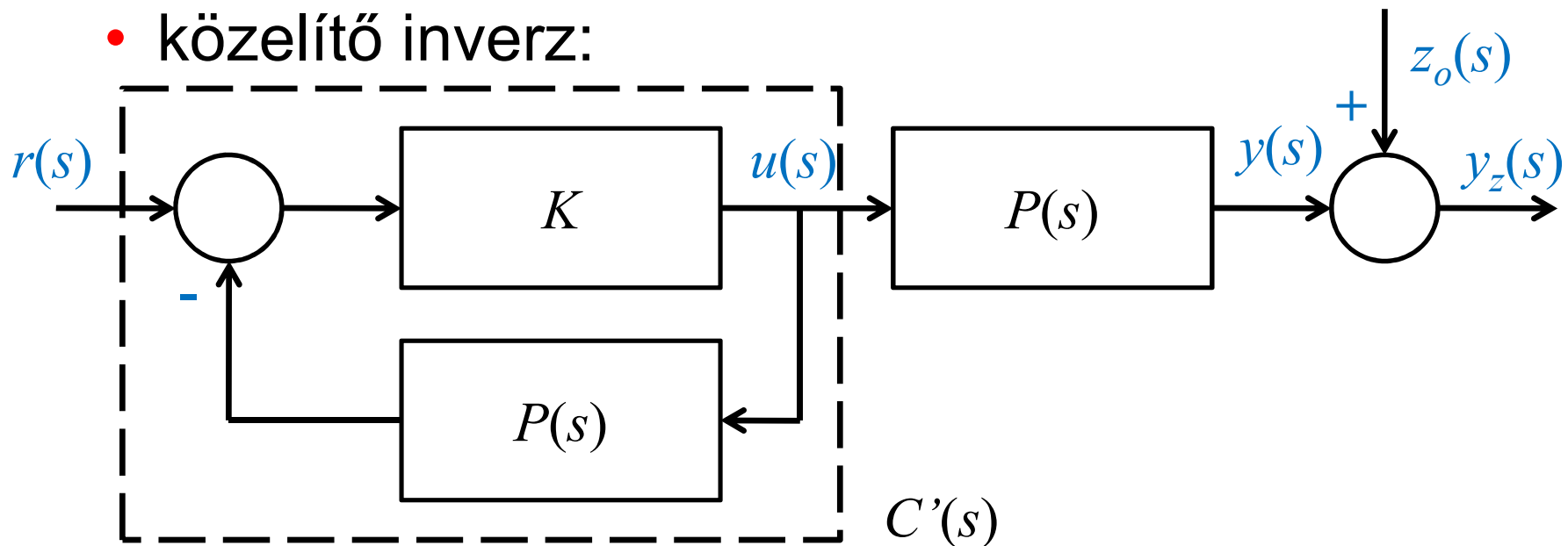
- Vezérlés zavarkompenzációval



- belátható, hogy ha  $C(s) = P^{-1}(s)$  vezérlés létezik és megvalósítható, akkor  $y_z(s) = r(s)$

# Vezérlés

- inverz meghatározása
  - általában nem realizálható:
    - oksági szabály
    - holtidős rendszerek
  - közelítő inverz:



# Vezérlés

- a vezérlő eredő átviteli függvénye:

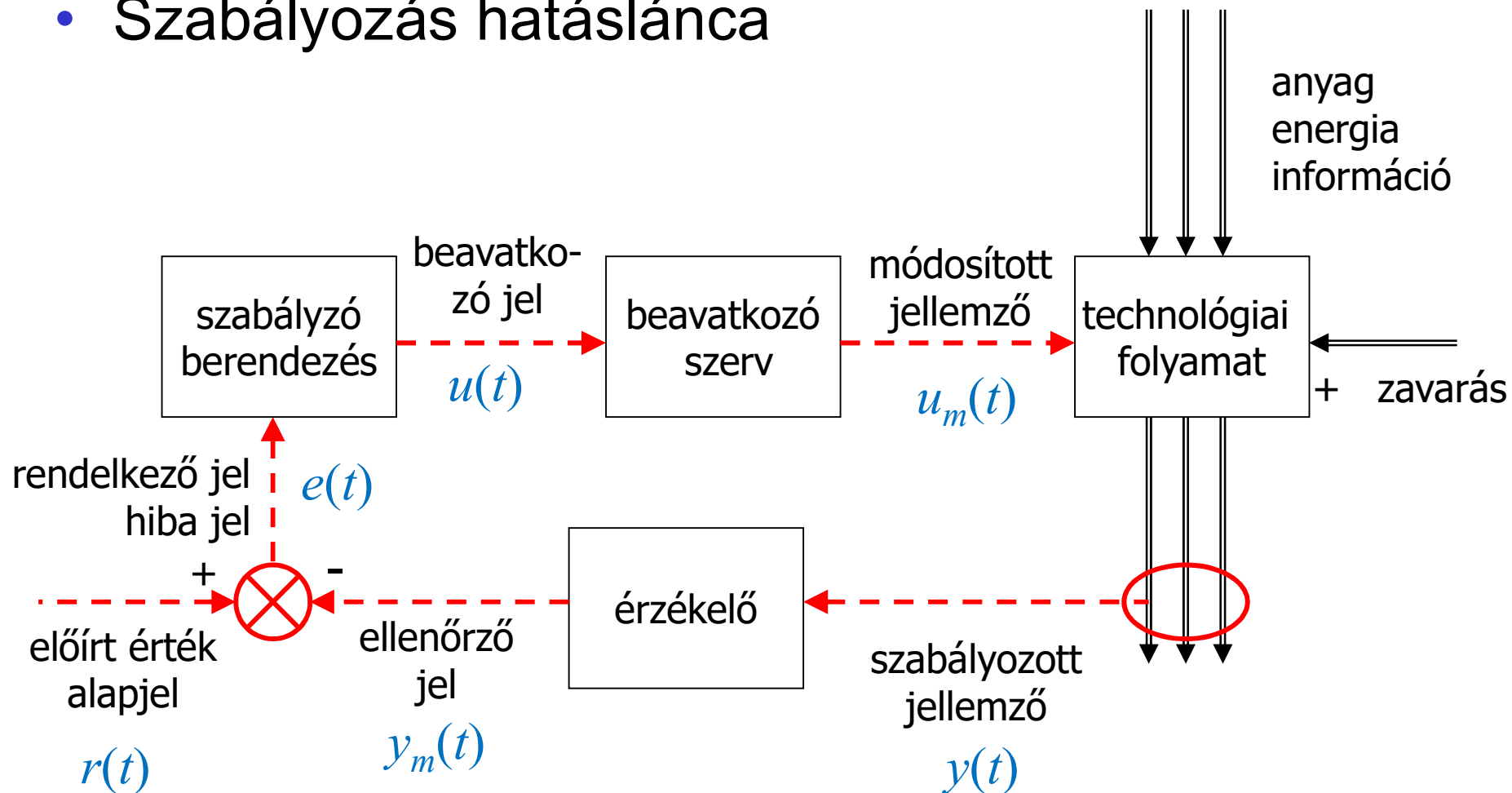
$$C'(s) = \frac{K}{1 + KP(s)} = \frac{1}{\frac{1}{K} + P(s)}$$

- ha  $K$  értéke elegendően nagy, akkor:

$$C'(s) \approx \frac{1}{P(s)}$$

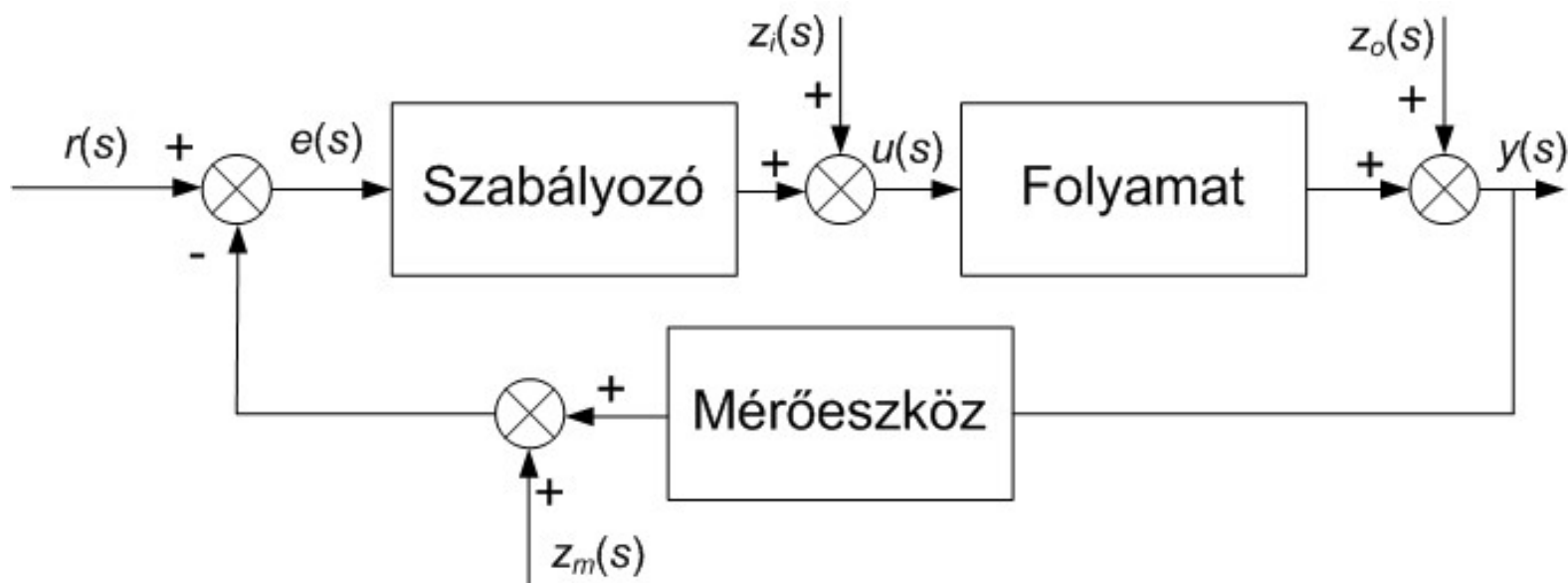
# Szabályozás

- Szabályozás hatáslánca



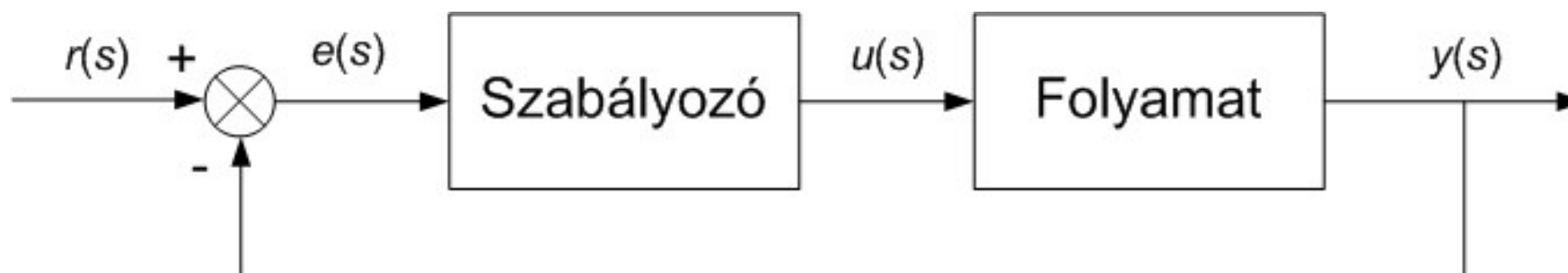
# Szabályozás

- Hiba bementek szabályozási köröknél



# Szabályozás

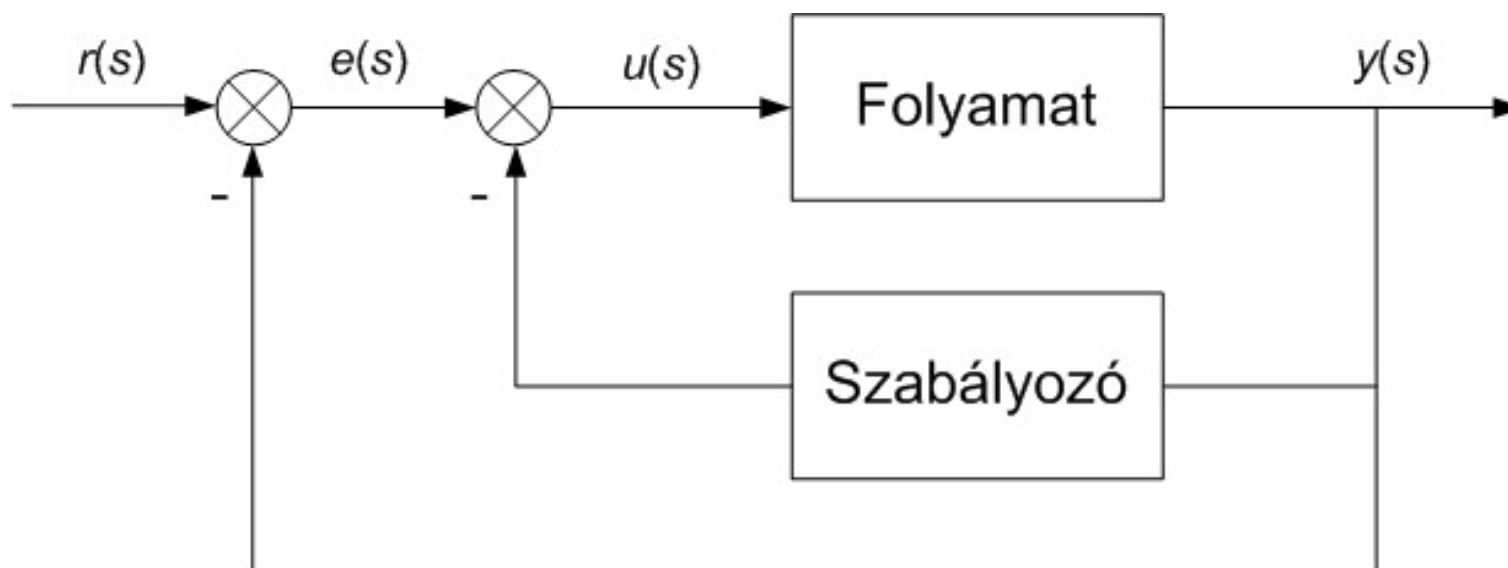
- Szabályozási struktúrák
  - Soros vagy kaszkád elrendezés





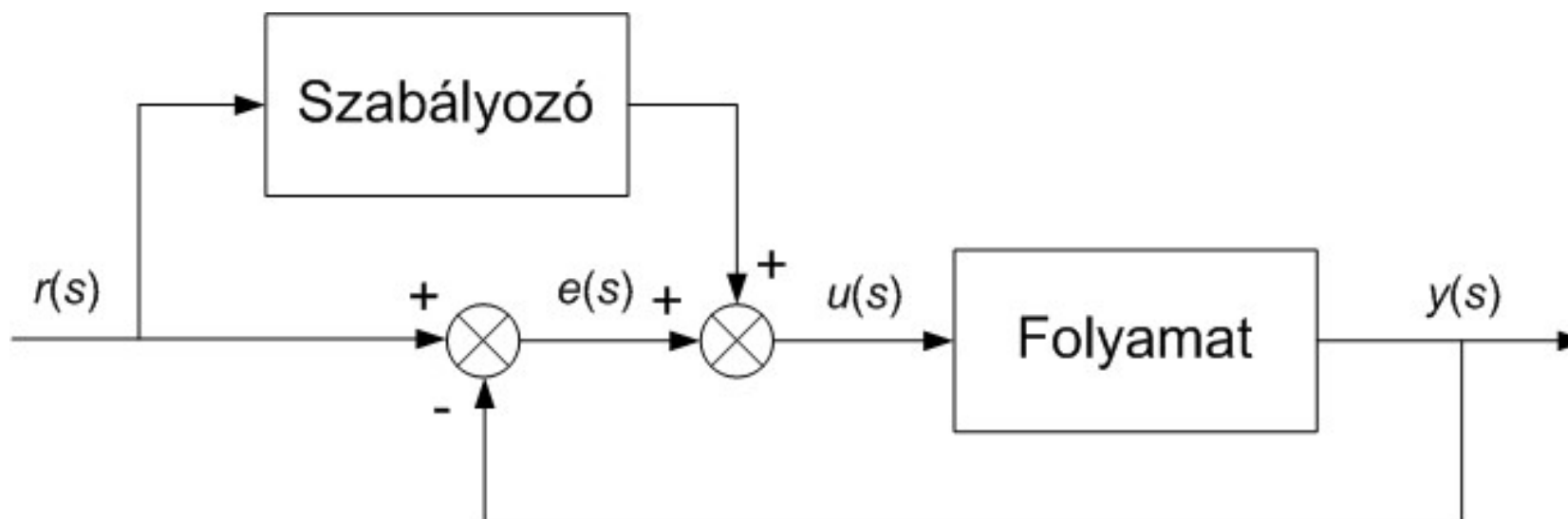
# Szabályozás

- Visszacsatolósos kompenzáció



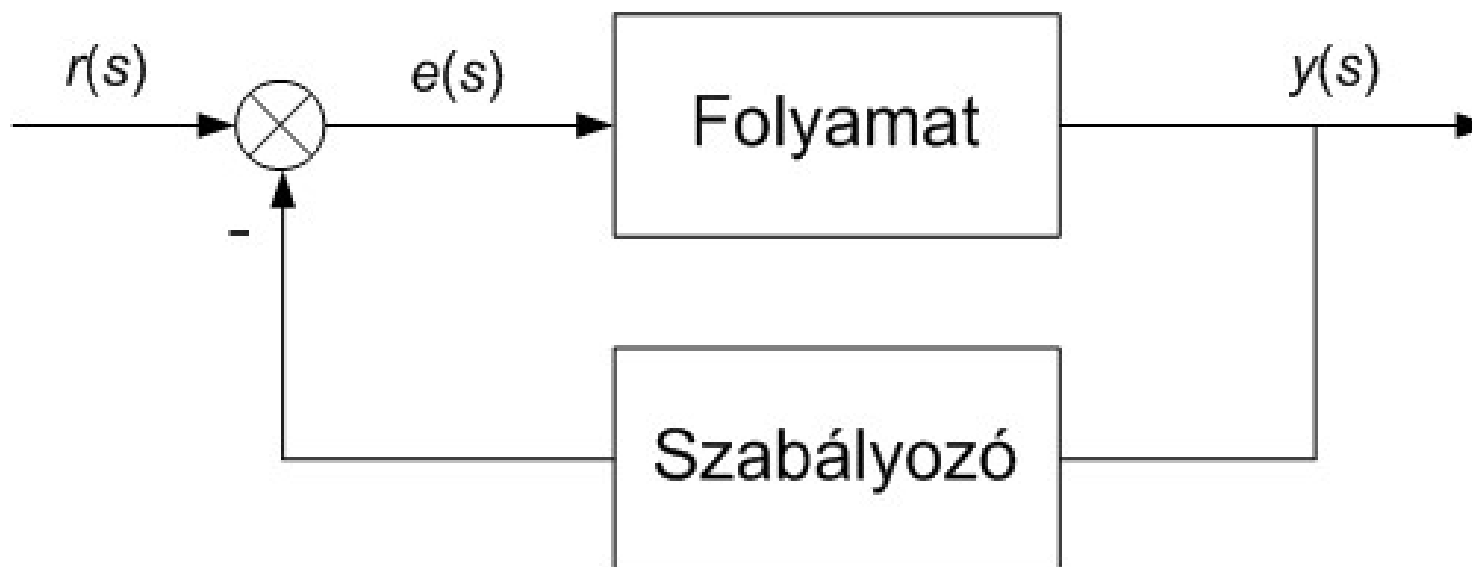
# Szabályozás

- Előrecsatolásos kompenzáció



# Szabályozás

- Állapot-visszacsatolás

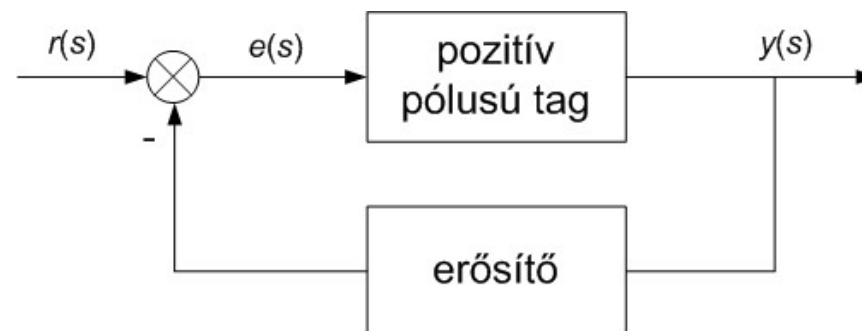


# Szabályozás

- Negatívan visszacsatolt szabályzási kör fontosabb tulajdonságai
  - Stabilitás
    - minimális elvárás
    - beavatkozást a folyamat dinamikája késlelteti
    - rossz esetben a beavatkozás ellentétes fázisban történik, ami labilitáshoz vezet

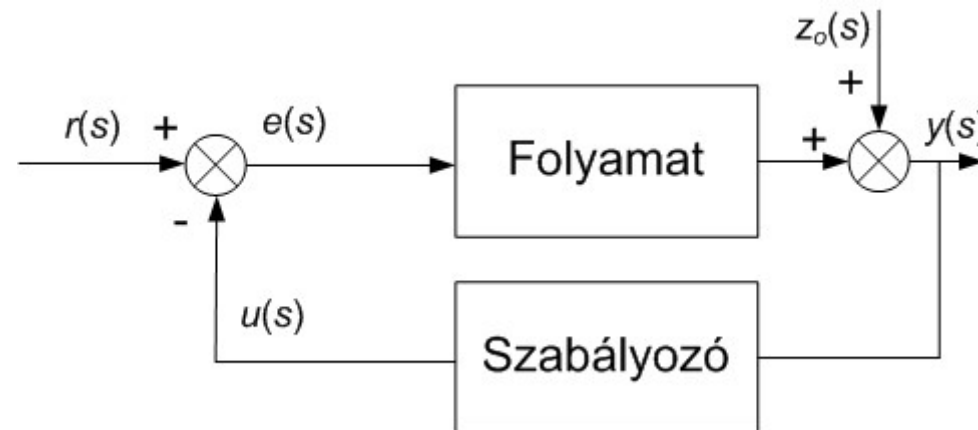
# Szabályozás

- Alap-jelkövetés
  - minimális elvárás – adott pontossággal
  - integráló tag esetén nincs maradó hiba
- Labilis folyamat stabilizálása
  - megfelelő nagyságú arányos tag segítségével egyszerűbb esetben



# Szabályozás

- Tranziens viselkedés javítása
  - hurok átviteli tényező  $\rightarrow 1$
  - időállandó csökken
- Zavarás hatásának csökkentése
  - bizonyos típusú zavarások esetén



# Szabályozás

- Érzéketlenség paraméterváltozásra
- Nagy erősítés esetén a visszacsatolás a visszacsatoló tag közelítő inverzét képezi
- Linearizáló hatás

## Vezérlés - szabályozás

	vezérlés	szabályozás
zavaró jellemző	néhány, előre ismert zavarás kompenzálása	minden zavarás kompenzálása
irányított jellemző	ha nincs ismeretlen zavarás, akkor mindig az előírt értéken	van eltérés, ez működteti a rendszert
irányítási szervek	pontosan ismerni kell minden elemet	nem kell a pontos ismeret
működési sajátosságok	mindig stabil	lehet instabil (labilis) is