



# Számítógép Architektúrák

(MIKNB113A)

2. előadás: Számrendszerök,  
Nem-numerikus információ ábrázolása

Előadó: Dr. Vörösházi Zsolt  
[voroshazi.zsolt@mik.uni-pannon.hu](mailto:voroshazi.zsolt@mik.uni-pannon.hu)

# Jegyzetek, segédanyagok:

- Könyvfejezetek:

- <http://www.virt.uni-pannon.hu>

- Oktatás → Tantárgyak → Számítógép  
Architektúrák

- (chapter02.pdf)

- Fóliák, óravázlatok .ppt (.pdf)
- Feltöltésük folyamatosan

# Információ ábrázolás:

- A) Számrendszerök (numerikus információ):
  - I.) Egész típusú:
    - előjel nélküli,
    - előjeles:
      - 1-es komplement,
      - 2-es komplement számrendszer.
  - II.) Fixpontos,
  - III.) Lebegőpontos (IBM-32, DEC-32, IEEE-32),
    - Excess kód (exponens kódolására)
- B) Nem-numerikus információ kódolása
- C) Hiba-detektálás, és javítás (Hamming kód)
  - SEC-DED

# A) Számrendszerek

# Endianitás (endianness)

- A számítástechnikában, az **endianitás** („bit/byte-sorrend” a jó fordítása) az a tulajdonság, ami bizonyos adatok - többnyire kisebb adategységek egymást követő sorozata - tárolási és/vagy továbbítási sorrendjéről ad leírást (pl. két protokoll, vagy busz kommunikációja). Ez a tulajdonság döntő fontosságú az integer értékeknek a számítógép memóriájában bit/byte-onként való tárolása (egy memória címhez relatívan), továbbítása esetében
- Byte sorrend megkötés:
  - Big-Endian formátum
  - Little-Endian formátum

📖 Háttér: Az eredeti angol kifejezés az *endianness* egy utalás arra a háborúra, amely a két szembenálló csoport között zajlik, akik közül az egyik szerint a lágytojás nagyobb/vastagabb végét (big-endian), míg a másik csoport szerint a lágytojás kisebb végét (little-endian) kell feltörni. Erről Swift ír a *Gulliver Kalandoz Utazásai* című könyvében ☺

# „Kicsi a végén” - Little-endian (LE)

- A 32-bites „3A 4B 1C 2D” értéket a következő módon **4×1byte**-os tárolási egységekben tárolják:
- 0x100 0x101 0x102 0x103...”2D 1C 4B 3A”...  
Így, a kevésbé jellemző ("legkisebb") byte (az angol Least Significant Byte rövidítéséből *LSB* néven ismert) az első, és ez az 1D, tehát a *kis vég kerül előre, legkisebb címen van tárolva (0x100)*:

0x103	0x102	0x101	0x100	[31:0]
3A	4B	1C	2D	
MSB	←		LSB	

- **Hagyományos, általánosan** használt formátum: ha nem kötik ki külön, ezt feltételezzük! (pl. Intel, AMD, illetve ARM processzorok stb.)

# „Nagy a végén” - Big-endian (BE)

- Ekkor a 32-bites értéket „3A 4B 1C 2D”, a 0x100 címtől kezdve tároljuk a memóriában, **4×1 byte-os** tárolási egységeket feltételezve:
- 1 byte-onként növekvő címekkel rendelkezik

0x103	0x102	0x101	0x100	[0:31]
2D	1C	4B	3A	
LSB			MSB	

- Ebben az esetben, a „legjellemzőbb” byte - erre általában az ismert angolkifejezést „Most Significant Byte” használják a számítástechnikában (rövidítve *MSB*, ami itt a „3A”) - a memóriában az *legalacsonyabb címen van tárolva (0x100)*, míg a következő "jellemző byte" (3B) a következő, egyel nagyobb címen van tárolva, és így tovább.
- *Bit/byte-reversed format!*
- Pl: Tipikusan beágyazott rendszerek processzorai, pl. MCU – mikrovezérlők, programozható FPGA-k (MicroBlaze, PowerPC), stb.<sup>7</sup>

# I.) Egész típusú számrendszer:

- Bináris számrendszer: "1" / "0" (I / H, T / F)
- N biten →  $2^N$  lehetséges érték reprezentálható!
- Összehasonlító táblázat:

Table 2.1. Number of Representable Values.

<i>Number of Bits</i>	<i>Number of Representable Values</i>	<i>Machines. Uses</i>
4	16	4004, control
8	256	8080, 6800, control, communication
16	65.536	PDP11, 8086, 32020
32	$4.29 \times 10^9$	IBM 370, 68020, VAX11/780
48	$1.41 \times 10^{14}$	Unisys
64	$1.84 \times 10^{19}$	Cray, IEEE (dp)

# a.) előjel nélküli egész:

- Unsigned integer:  $V_{\text{UNSIGNED INTEGER}} = \sum_{i=0}^{N-1} b_i \times 2^i$
- ahol  $b_i$  az  $i$ -edik pozícióban lévő '0' vagy '1'
- Reprezentálható értékek határa: 0-tól  $2^N - 1$  -ig
- Helyiértékes rendszer
- Negatív számok ábrázolása nem lehetséges!
- **Pl: (Legyen N:=6, LE, unsigned int)**

$$101101_2 \Rightarrow 1 \times 2^5 + 0 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 \\ = 45_{10}$$

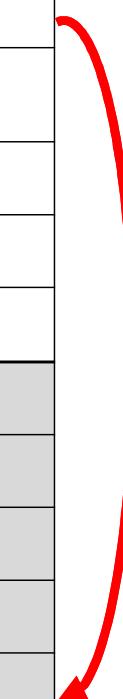
## b.) 1's komplementens rendszer:

- V értékű, N bites rendszer:  $2^N - 1 - V$ .
- „0” lesz ott ahol „1”-es volt, „1”-es lesz ott ahol „0” volt (mivel egy szám negatív alakját, bitjeinek kiegészítésével kapjuk meg).
- csupán minden bitjét negálni, (gyors műveletet)
- Értékhatár:  $2^{(N-1)} - 1$  től – $(2^{(N-1)} - 1)$  ig terjed,
- Nem helyiértékes rendszer,
  - kétféleképpen is lehet ábrázolni a zérust!! (-0 / +0 ellenőrzés szükséges)
  - *end-around carry*: amelyben a részeredményhez kell hozzáadni a végrehajtás eredményét

# 1's komplement

- PI: N:=6, LE,  
 $V(1's) = 10\ 1101_2 = ?$

V érték	V(Unsigned int)	V(1's comp)
01 1111	31	31
01 1110	30	30
...	...	...
010 010	18	18
...	...	...
00 0010	2	2
00 0001	1	1
00 0000	0	0
11 1111	63	-0
11 1110	62	-1
11 1101	61	-2
...	...	...
10 1101	45	-18
...	...	...
100001	33	-30
100000	32	-31



# Példa:

**Example 2.3: One's complement** arithmetic: Consider a 6-bit one's complement system. Represent 15, -15, 13, and -13 in this system. Then perform the following additions:  $15 + 13$ ,  $15 + (-13)$ ,  $13 + (-13)$ , and  $13 + (-15)$ .

The numbers are derived in a simple fashion:

Decimal Value	One's Complement	Comment
15	001111	Positive numbers same as two's complement.
-15	110000	Complement bits to negate.
13	001101	Positive numbers same as two's complement.
-13	110010	Complement bits to negate.

Now for the additions:

$$\begin{array}{r} 15 \\ + 13 \\ \hline 28 \end{array} \quad \begin{array}{r} 001111 \\ + 001101 \\ \hline 0011100 \end{array}$$

This proceeds just like the two's complement version.  
No carry out: number is correct, and the result is as we expect.

$$\begin{array}{r} 15 \\ + -13 \\ \hline 2 \end{array} \quad \begin{array}{r} 001111 \\ + 110010 \\ \hline \boxed{1}000001 \\ + 000001 \\ \hline 000010 \end{array}$$

The addition is done in the normal fashion, but the result of one is incorrect; however, the presence of a carry says we should add that as a 1 in the LSB which gives the expected result.

This time we will add a positive number to its negative (which is just complement) and end up with all ones — a valid zero.

Here the positive number is smaller than the negative number, so result is negative; no carry — the value is correct.

end-around: cirkuláris carry, körkörös átvitel  
(átvitel az MSB-ről LSB-re)

$$\begin{array}{r} 13 \\ + -13 \\ \hline 0 \end{array} \quad \begin{array}{r} 001101 \\ + 110010 \\ \hline 111111 \end{array}$$
  

$$\begin{array}{r} 13 \\ + -15 \\ \hline -2 \end{array} \quad \begin{array}{r} 001101 \\ + 110000 \\ \hline 0111101 \end{array}$$

# c.) előjeles (2's komplement) rendszer:

- 2's comp:  $V_{2'S\text{ COMPLEMENT}} = -b_{N-1} \times 2^{N-1} + \sum_{i=0}^{N-2} b_i \times 2^i$
- reprezentálható értékek határa:  $-(2^{N-1})$  től  $2^{N-1}-1$  ig
- Ha MSB='1', negatív szám, Fólia: 2.2 táblázat
- **Pi. (Legyen N:=6, LE, signed int – 2's complement)**
- $V(2's) = 101101_2 \Rightarrow -1 \times 2^5 + 0 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = -19_{10}$
- P  
\* azt jelöli, amikor az adott helyiértéken '1'-et kell kivonni még az  $X_i$  értékéből (borrow from  $X_i$ )

$X$ <del>100000</del>	<del>64</del> <del>- 19</del> $\hline$ $Z$ <del>-19</del> = 101101	$\xleftarrow{\text{vagy}}$ $\xrightarrow{\quad}$ $45$	0 1 0 0 1 1 1 0 1 1 0 0 + 1 1 0 1 1 0 1 -19 $V(2's)$
			1's kompl.

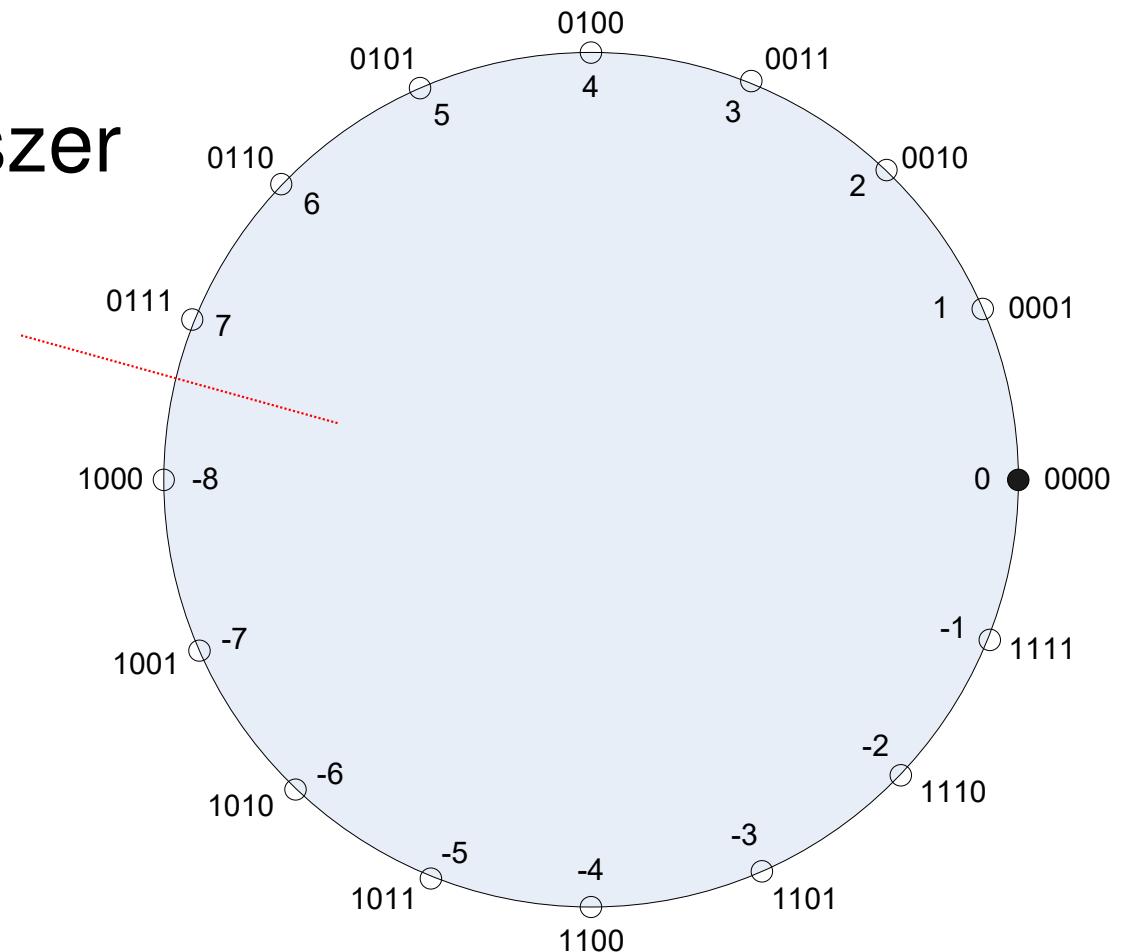
## 2.2 táblázat:

Table 22. 8-Bit Two's Complement Representations.

<i>Bit Pattern</i>	<i>Value</i>	<i>Note</i>
<b>01111111</b>	127	Largest representable value.
01111110	126	
<b>01111101</b>	125	
...	...	
...	...	
<b>00000010</b>	2	Note that leading zero indicates positive number.
<b>00000001</b>	1	
<b>00000000</b>	<b>0</b>	Unique representation of <b>zero</b> .
11111111	-1	Minus one is always all ones.
11111110	-2	Note that leading one indicates
<b>11111101</b>	-3	negative number.
...	...	
...	...	
<b>10000010</b>	-126	
<b>10000001</b>	-127	
<b>10000000</b>	-128	Smallest (most negative) representable value.

# Pl: Körkörös számláló (circular nature):

- 4 bites 2's komplementens rendszer
- Overflow:  
 $0111 \rightarrow 1000$
- Underflow:  
 $1000 \rightarrow 0111$



## II.) Fixpontos számrendszer

- Lehet előjel nélküli, vagy előjeles 2's komplement
- Műveletek:
  - +, - : ugyanaz, mint az egész szám rdsz. esetén
  - \*, / : meg kell bizonyosodni arról, hogy a tizedespont helyén maradt-e

$$V_{\text{FIXED POINT}} = -b_{N-1} \times 2^{N-p-1} + \sum_{i=0}^{N-2} b_i \times 2^{i-p}$$

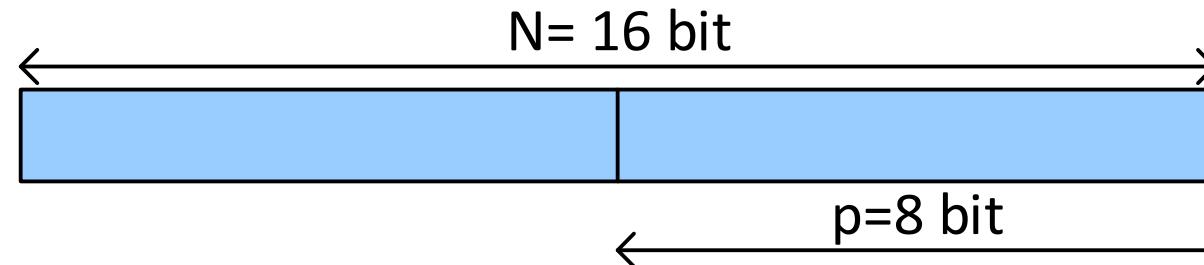
- p: radix (tizedes) pont helye, tizedes jegyek száma
- *differencia*,  $\Delta r = 2^{-p}$  (számrendszer finomsága)
  - Ha  $p=0 \rightarrow \Delta r=1$ , egész rendszer, különben fixpontos
- Alkalmazás: fixpontos műveletvégző egységek
  - pl. jelfeldolgozás (Ti: DSP – Texas Instruments),

# Példa: fixpontos rendszer

- Legyen egy **N:=16 bites, LE, 2's comp.** fixpontos rdsz. ahol **p:=8**.

Kérdés:  $V(\text{smallest/largest absolute})=?$ ,  $V(\text{smallest/largest negative})=?$ ,  $V(\text{zero})$ ,  $\Delta r = ?$  (*ahol lehet, dec. értékben/hatványalakban is megadva!*)

- Megoldás:



- Differencia  $\Delta r = \frac{2^{-8}}{1} = 0,390625 \cdot 10^{-2}$
- $V(\text{zero}) = 0000000.0000000 = 0.0$
- $V(\text{smallest absolute}) = 0000000.0000001 = \frac{2^{-8}}{1} = 0,390625 \cdot 10^{-2}$
- $V(\text{largest absolute}) = 01111111.11111111 \approx \frac{128}{1} = 128 - \Delta r$
- $V(\text{smallest/"most" negative}) = 10000000.0000000 = \frac{-2^7}{1} = -128$
- $V(\text{largest/"least" negative}) = 11111111.11111111 = \frac{-2^{-8}}{1} = -0,390625 \cdot 10^{-2}$

# III. Lebegőpontos rendszer: Exponens - Excess-kód?

- **Lebegőpontos** számok *kitevőjét* (*exponens-ét*) tárolják / kódolják ezzel a módszerrel. Cél: a kitevő NE legyen negatív, ezért eltolással oldják meg.
  - S: a reprezentálni kívánt érték (kódolt eredmény), amit tárolunk
  - V: a szám (exponens) valódi értéke, E: az excess (offset/eltolás)
  - $S = V + E$ .
- Két számot összeadunk, akkor a következő történik:  
$$S_1 + S_2 = (V_1 + E) + (V_2 + E) = (V_1 + V_2) + 2 \times E$$
- pontos eredmény:  $[(V_1 + V_2) + E]$  (ki kell vonnunk E-t!)
- Fólia: 2.4, 2.5, 2.6-os példák

# Példa 2.4:

**Example 2.4: Number representation in excess codes:** What is the representation of  $+37_{10}$  in an 8-bit excess 128 code? What is the representation of  $-23_{10}$  in an 8-bit excess 128 code? What is the sum of the two numbers, in the 8-bit excess 128 code?

An 8-bit unsigned number can represent values between 0 and 255. The excess representation can then represent values from -128 to +127.

+ 128	10000000	This is the excess.
+ 37	<u>00100101</u>	The value to be represented.
165	10100101	The representation of $37_{10}$ in excess 128 code.
+ 128	10000000	This is the excess.
- 23	<u>00010111</u>	The value to be represented.
105	01101001	The representation of $-23_{10}$ in excess 128 code.
- 165	10100101	This is $+37$ in excess 128.
+ 105	<u>+ 01101001</u>	This is $-23$ in excess 128.
270	1 00001110	Note the carry out in this operation. 270 is too big to represent in 8 bits; to correct for the $2 \times E$ that is in this sum, subtract 128.
- 128	<u>- 10000000</u>	In binary, is this add or subtract?
142	10001110	This is the representation of 14, the correct result in excess 128.

# Táblázat

## 2.3: BCD

Table 2.3. Binary Coded Decimal  
(BCD) Representations.

<i>Bit Pattern</i>	<i>Value</i>
0000	0
0001	1
0010	2
0011	3
0100	4
0101	5
0110	6
0111	7
1000	8
1001	9
1010	Not valid
1011	Not valid
1100	Not valid
1101	Not valid
1110	Not valid
1111	Not valid

# Példa 2.5:

*Example 2.5: BCD excess 3 system:* Consider a system that works with 3-digit decimal numbers, and it stores the digits in excess 3 format. What is the representation of 573? What is the representation of 142? Add the two numbers, and give the correct result in excess 3 format.

The numbers are handled on a digit-by-digit basis, with the excess being included with each digit:

Decimal	Binary	
+ 3 3 3	0011 0011 0011	This is the excess.
5 7 3	0101 0111 0011	And the number to be represented.
8 10 6	1000 1010 0110	The excess 3 representation.
+ 3 3 3	0011 0011 0011	This is the excess.
1 4 2	0001 0100 0010	This is the number to be represented.
4 7 5	0100 0111 0101	The excess 3 representation.
573	1000 1010 0110	Do the addition in decimal and in
+ 142	0100 0111 0101	binary. Correct as needed to make output correct.
715	1100 10001 1011	

MSD: Most significant digit

LSD: Least significant digit

(-3+1) (+3) (-3)

$$\begin{array}{r} -0010 + 0011 - 0011 \\ \hline 1010 \quad 0100 \quad 1000 \\ 10 \quad 4 \quad 8 \end{array}$$

Which is the correct excess 3 representation for  $715_{10}$ .

Carry out of second set of 4 bits indicates that the most significant digit should be incremented by one. Also indicates that this value is **correct** as it stands (since  $2 \times E = 6$  and the **carry out** indicates that the number overflowed into the next digit) so we need to add 3. Therefore, the MSD needs to **be** incremented by one and decremented by 3; the middle digit needs to have 3 added; and the LSD needs to be decremented by 3.

# Lebegőpontos rendszer (FPN):

- 7 különböző tényező: *a számrendszer alapja, előjele és nagysága, a mantissa alapja, előjele és hosszúsága, ill. a kitevő alapja.*
- matematikai jelölés:

$$(\text{előjel}) \text{ Mantissa} \times \text{Alap}^{\text{Kitevő}}$$

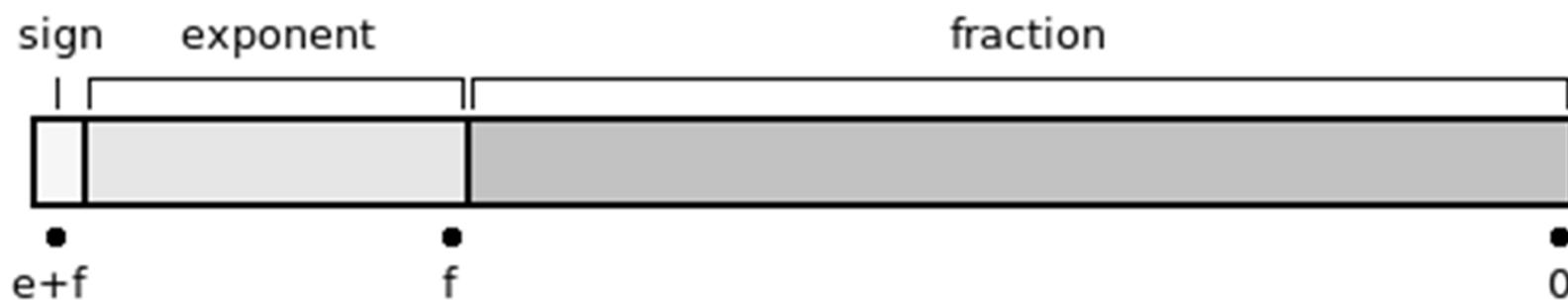
- Fixpontosnál nagyságrendekkel kisebb vagy nagyobb számok ábrázolására is mód van:

- Pl: Avogadro-szám:  $6.022 \cdot 10^{23}$
- Pl: proton tömege  $1.673 \cdot 10^{-24}$  g

- Normalizált rendszerek: pl. DEC-32, IEEE-32, IBM-32
  - **32-bites, vagy egyszeres pontosságú – float (C)**
  - 64-bites, vagy dupla pontosságú – double (C) – nem tárgyaljuk

# IEEE 754-1985

- Szabvány a bináris lebegőpontos számok tárolására, amely tartalmazza még:
  - negatív zérust:  $-0 = 111\dots1$  (két zérus:  $+0$  is)
  - Normalizálatlan (denormal) számok
  - NaN: nem szám (pl.  $\frac{\pm 0}{\pm 0} = \text{NaN}$ ; vagy  $\pm 0 \times \pm \infty = \text{NaN}$  )
  - $\pm \infty$



Sign-magnitude format („előjel-hossz” formátum): az előjel külön biten kerül tárolásra (MSB), exponens kódolt (Excess-el „eltolt”), majd a törtrész következik végül. Fontos a sorrendük!

# IEEE-754 szabvány

- Lebegőpontos szám tárolási formátumai:
  - 16-bites, (half) pontosságú,
  - **32-bites (single), vagy egyszeres pontosságú,**
  - 64-bites (double), vagy dupla pontosságú,
  - 128-bites (quadruple), vagy négyszeres, pontosságú
  - Kibővített (extended).

# Lebegőpontos rendszer jellemzői

- Számrendszer / kitevő alapja:  $r_b$   $r_e$
- Mantissa értéke:  $V_M = \sum_{i=0}^{N-1} d_i \times r_b^{i-p}$ 
  - Maximális:  $V_{M_{\max}} = 0.d_m d_m d_m \dots = (1 - r_b^{-m})$
  - Minimális:  $V_{M_{\min}} = 0.\textcolor{red}{1}00 \dots = 1/r_b$
  - Radix pont helye:  $p$ 
    - (a  $p$  helye az exponens értékével van összefüggésben!)
  - Mantissa bitjeinek száma:  $m$
- Exponens értéke (max / min):  $V_E$   $V_{E_{\max}}$   $V_{E_{\min}}$
- Lebegőpontos szám értéke:  $V_{FPN} = (-1)^{SIGN} V_M \times r_b^{V_E}$

# Normalizált lebegőpontos rendszer jellemző paraméterei:

- Ábrázolható maximális érték:  $V_{FPN(MAX)} = V_{M(MAX)} \times r_b^{V_{E(MAX)}}$
- Ábrázolható minimális érték:  $V_{FPN(MIN)} = V_{M(MIN)} \times r_b^{V_{E(MIN)}}$
- Legális mantisszák száma:  $NLM_{FPN} = (r_b - 1) \times r_b^{m-1}$
- Legális exponensek száma:  $NLE_{FPN} = V_{E(MAX)} + |V_{E(MIN)}| + 1_{ZERO}$
- Ábrázolható értékek száma:  $NRV_{FPN} = NLM_{FPN} \times NLE_{FPN}$
  
- Normalizálás: mantissa értékét általában  $[0\dots\sim 1]$  közé
- Pl:  $32\ 768_{10} = 0.32768 * 10^5 = 3.2768 * 10^4 = 32.768 * 10^3 = 327.68 * 10^2 = 3267.8 * 10^1$  (érvényes alakok)

# Példa 2.5:

*Example 2.5: BCD excess 3 system:* Consider a system that works with 3-digit decimal numbers, and it stores the digits in excess 3 format. What is the representation of 573? What is the representation of 142? Add the two numbers, and give the correct result in excess 3 format.

The numbers are handled on a digit-by-digit basis, with the excess being included with each digit:

Decimal	Binary	
+ 3 3 3	0011 0011 0011	This is the excess.
5 7 3	0101 0111 0011	And the number to be represented.
8 10 6	1000 1010 0110	The excess 3 representation.
+ 3 3 3	0011 0011 0011	This is the excess.
1 4 2	0001 0100 0010	This is the number to be represented.
4 7 5	0100 0111 0101	The excess 3 representation.
573	1000 1010 0110	Do the addition in decimal and in
+ 142	0100 0111 0101	binary. Correct as needed to make output correct.
715	1100 10001 1011	

MSD: Most significant digit

LSD: Least significant digit

(-3+1) (+3) (-3)

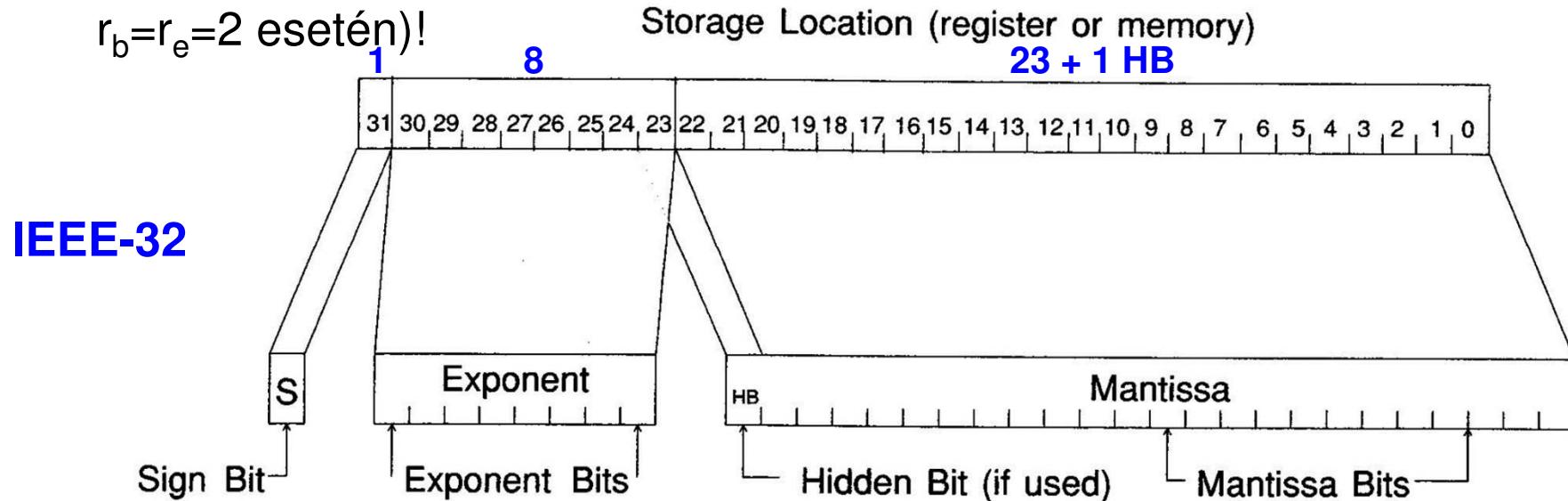
$$\begin{array}{r} -0010 + 0011 - 0011 \\ \hline 1010 \quad 0100 \quad 1000 \\ 10 \quad 4 \quad 8 \end{array}$$

Which is the correct excess 3 representation for  $715_{10}$ .

# Normalizált lebegőpontos ábrázolás: Rejtett (hidden bit) technika

- „Vezető” ‘1’-sek számát a legtöbb rendszer tervezésekor konstans értékként definiálják ( $HB=1$ ), DE nem tárolják!

- Illyen a *mantissa legmagasabb helyiértékű bitje*, **rejtett (hidden/implicit: HB)** bitnek hívunk, közvetlenül az exponensbitek mögött helyezkedik el.
- Ez, ha  $HB=1$  van beállítva (bizonyos rendszerek esetén, pl. IEEE, rögzített), duplájára nő a legális mantíssák, így az ábrázolható értékek száma is.
- Viszont a nullát nem könnyen tudnánk reprezentálni, mivel a legkisebb ábrázolható formátum a „0 00 000”, ami a HB ‘1’-es konstansként való definiálása miatt  $1.000_2 \times 2^{-1} = 0.1000_2 \times 2^0 = \frac{1}{2}$  -nek felel meg ( $m=4$ ,  $p=3$ ,  $e=2$ ,  $r_b=r_e=2$  esetén)!



# Rejtett bit / Zérus érték

- Probléma: a zérus (közelítő) ábrázolása
- Hogy tárolható mégis a zérus? → **Excess  $2^{e-1}$**  kódolás esetén, **ha  $r_e=2$  !**
  - Bias tartománya:  $-(2^{e-1}-1)$  –  $(2^{e-1}-1)$  –ig terjed, ha  $r_e:=2$  !
  - Ha az **exponens bitek mindegyike zérus ( $V_E=0$ )** → az ábrázolt lebegőpontos számot ( $V_{FPN} = 0$ ) is **zérusnak** tekintjük!
- Rendszer tervezése során definiálják a használatát
  - No hidden bit: Intel Pentium, Motorola 68000 (CISC), korábbi DEC (VAX, PDP gépei), korábbi IBM rendszerek gépei
  - Hidden bit: ma az IEEE-32 számrendszer (754-es formátum)

# Példa: 2-es alapú DEC 32-bites, normalizált lebegőpontos rendszer

- Adott:  $r_b=2$ ,  $r_e=2$ ,  $m=24$  (HB nélkül),  $/p=24$  ( $m=p!$ ),  $e=8$ , az exponenst tároljuk Excess-128 kódolással, és a számokat tároljuk "előjel-hossz" formátumban (~tekintsük a mantissát pozitívnak).

$$V_{M(MIN)} = 0.\underbrace{1000\dots}_2 = 1/2$$

$$V_{M(MAX)} = 0.1111\dots_2 = 0.999999940395 = 1.0 - 2^{-24}$$

$$\left. \begin{array}{l} V_{E(MIN)} = -(r_e^{e-1} - 1) = -(2^{8-1} - 1) = -127 \\ V_{E(MAX)} = r_e^{e-1} - 1 = 2^{8-1} - 1 = 127 \end{array} \right\} \text{Excess-128}$$

$$V_{FPN(MIN)} = 0.1000\dots_2 \times 2^{-127} = 2.9387 \times 10^{-39}$$

$$V_{FPN(MAX)} = 0.1111\dots_2 \times 2^{+127} = 1.7014 \times 10^{38}$$

$$NLM_{FPN} = 2^{23} = 8,388,608$$

$$NLE_{FPN} = 127 + |-127| + 1_{ZERO} = 255 = (r_e^e - 1) = 2^8 - 1$$

$$NRV_{FPN} = 2^{23} \times (2^8 - 1) = 2.139 \times 10^9$$

# Példa: 2-es alapú IEEE-32 bites normalizált lebegőpontos rendszer

- Adott:  $r_b=2$ ,  $r_e=2$ ,  $m=24$ , de  $p=23$ ! (+HB='1'!), Tehát a rejtett bitnek itt lesz szerepe!  $e=8$ , az exponenst tároljuk Excess-127 kódolással, és a számokat tároljuk "előjel-hossz" formátumban (~tekintsük a mantissát pozitívnak).

$$V_{M(MIN)} = 1.\underbrace{000\dots}_2 = 1$$

$$V_{M(MAX)} = 1.111\dots_2 = 1.99999988 = 2.0 - 2^{-23}$$

$$\left. \begin{array}{l} V_{E(MIN)} = -126 \\ V_{E(MAX)} = 127 \end{array} \right\} \begin{array}{l} // \text{Zérus pontosabb ábrázolása miatt } -127+1 \\ \text{Excess-127 = Excess(128-1)} \end{array}$$

$$V_{FPN(MIN)} = 1.000\dots_2 \times 2^{-126} = 1.1755 \times 10^{-38} \quad // \text{4 x DEC!}$$

$$V_{FPN(MAX)} = 1.111\dots_2 \times 2^{+127} = 3.4028 \times 10^{38} \quad // \text{2 x DEC!}$$

$$NLM_{FPN} = 2^{23} = 8,388,608$$

$$NLE_{FPN} = 127 + |-126| + 1_{ZERO} = 254 = (r_e^e - 2) = 2^8 - 2$$

$$NRV_{FPN} = 2^{23} \times (2^8 - 2) = 2.1307 \times 10^9$$

# Példa: 16-os alapú IBM-32 bites normalizált lebegőpontos rendszer

- Adott:  $r_b=16$ ,  $r_e=2$ ,  $m=6$  (HB nélkül),  $/p=m=6!/, e=7$ , az exponenst tároljuk Excess-64 kódolással, és a számokat tároljuk "előjel-hossz" formátumban (~tekintsük a mantissát pozitívnak).

$$V_{M(MIN)} = 0.100000_{16} = 1/16$$

$$V_{M(MAX)} = 0.FFFFFF_{16} = 0.999999940395 = 1.0 - 16^{-6}$$

$$\left. \begin{array}{l} V_{E(MIN)} = -(r_e^{e-1} - 1) = -(2^{7-1} - 1) = -63 \\ V_{E(MAX)} = r_e^{e-1} - 1 = 2^{7-1} - 1 = 63 \end{array} \right\} \text{Excess-64}$$

$$V_{FPN(MIN)} = 0.100000 \times 16^{-63} = 8.636 \times 10^{-78}$$

Bővebb tartomány  
mint a DEC!

$$V_{FPN(MAX)} = 0.FFFFFF_{16} \times 16^{+63} = 7.237 \times 10^{75}$$

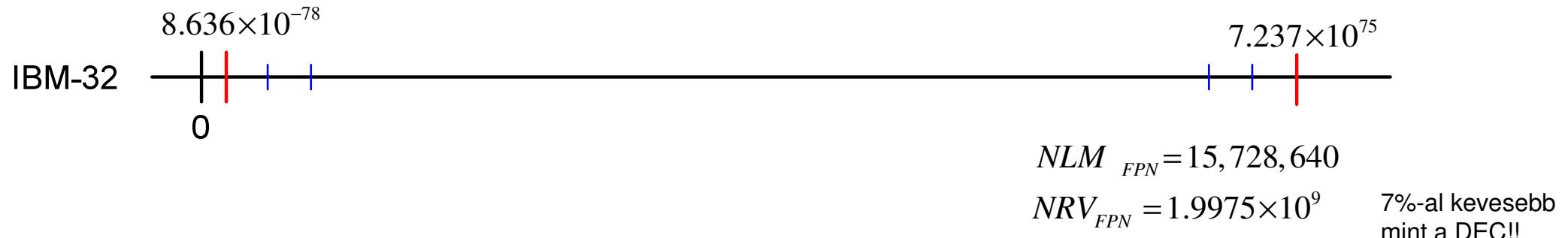
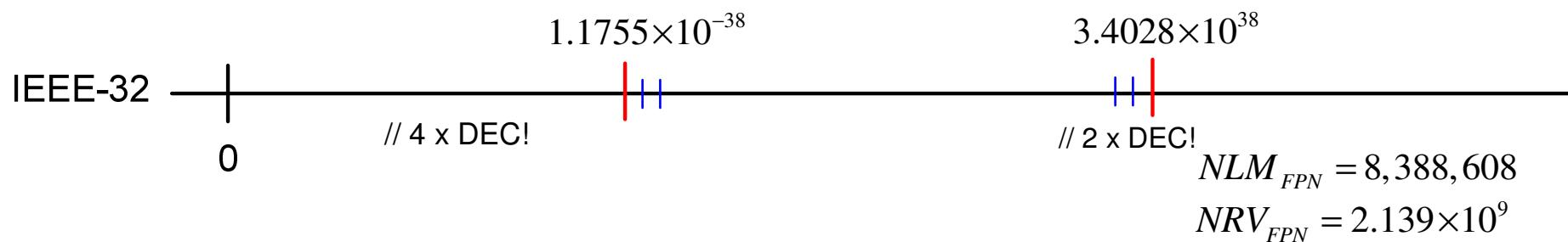
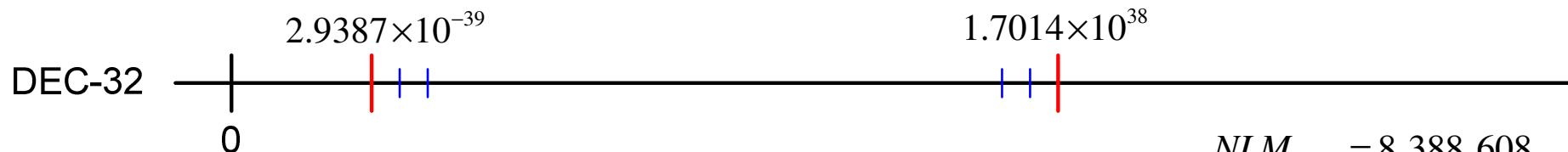
$$NLM_{FPN} = 15 \times 16^5 = 15,728,640$$

$$NLE_{FPN} = 63 + |-63| + 1_{ZERO} = 127 = 2^7 - 1$$

$$NRV_{FPN} = 15 \times 16^5 \times (2^7 - 1) = 1.9975 \times 10^9$$

7%-al kevesebb  
mint a DEC!! **32**

# Lebegőpontos számrendszerek összehasonlítása (ha FPN előjele pozitív):



# Példa: IEEE-32 bites normalizált lebegőpontos rendszer (folyt.)

- $V_E = [-126, 127] \rightarrow [1, 254]$  az Excess127-el eltolt exponens tartomány
- Speciális jelentőség:
  - $V_E = 0$  értékénél (zérus ábrázolása)
  - $V_E = [255]$  értékénél lehetőség van bizonyos információk tárolására:

$$(+\infty) + (+7) = (+\infty)$$

$$(+\infty) \times (-2) = (-\infty)$$

$$(+\infty) \times 0 = \text{NaN}$$

$$0 / 0 = \text{NaN}$$

$$\text{Sqrt}(-1) = \text{NaN}$$

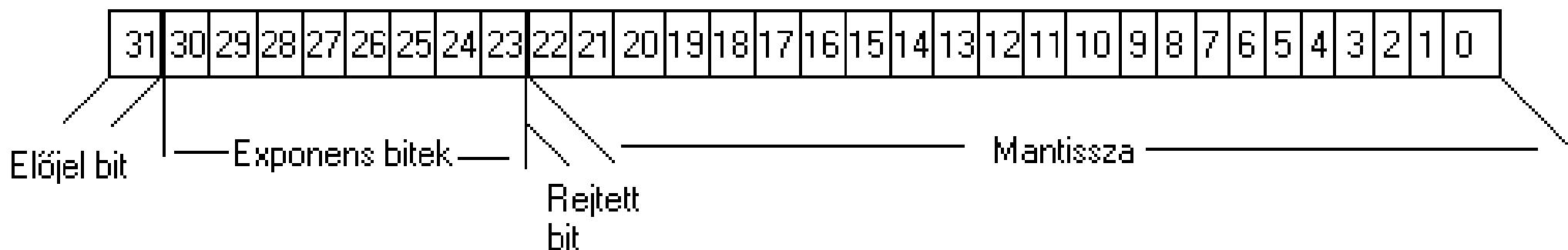
$V_E$ [255]	S (előjel)	Ábrázolás jelentése
$\neq 0$	X	Nem egy szám (NaN)
0	0	$+\infty$
0	1	$-\infty$

# Különböző pontosságú IEEE lebegőpontos rendszerek

Típus	Sign (s)	Exponens (e)	Excess-kód (Exc)	Mantissa (p < m)	Teljes szóhossz
<b>Half (IEEE 754r)</b>	1	5	15	10	16
<b>Single</b>	1	8	127	23	32
<b>Double</b>	1	11	1023	52	64
<b>Quad</b>	1	15	16383	112	128

# Példák:

- Adja meg a következő szám (decimális '12') bináris bitmintázatát a különböző 32-bites DEC, IEEE és IBM lebegőpontos formátumokban.



# Példa (folyt) DEC-32

- DEC-32 lebegőpontos számrendszerben:  $r_e = r_b = 2$ ,  $p=m=24$  (vagyis a mantissza hossza  $p=24$ , a rejtett bit helyén is tárolunk, a mantisszák tartománya  $1/2$ -től  $1$ -ig terjedhet,  $HB=0$ ),  $e=8$  az exponens bitek száma Excess-128 kódban tárolva.
- $12_{10} = 1100_2 = 0.\textcolor{red}{1}100 * 2^4 \Rightarrow$  a kitevő  $4_{10} = 100_2$  Excess-128 kódja:  $10000000+100= 10000100$ .
- Tehát a fenti formának megfelelően:

0	1 0 0 0 0 1 0 0	1 1 0
	8 bit	23+1 bit

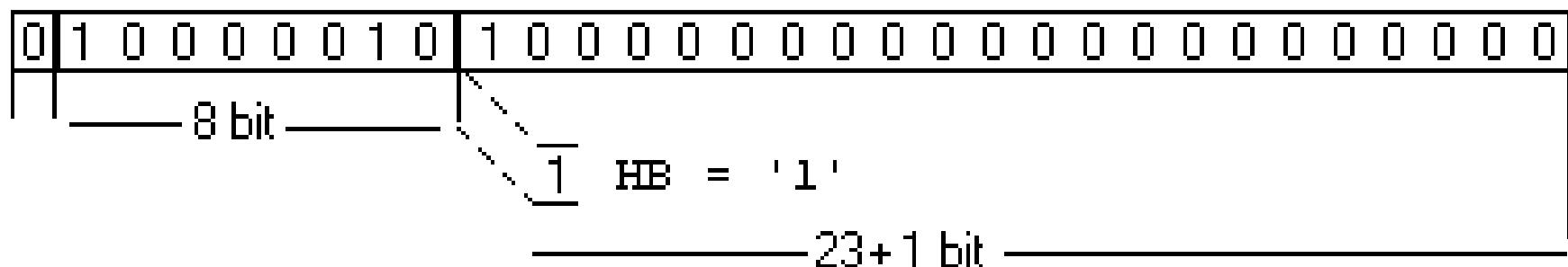
# Példa (folyt) IBM-32

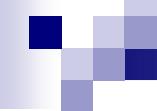
- IBM-32 lebegőpontos rendszerben:  $r_e=2$ ,  $r_b=16$  (a rdsz. alapja hexadecimális),  $p=m=6$  a rejtett bittel együtt,  $HB=0$  (vagyis a mantissza hossza ugyan 6 számjegyny, de egy hexadecimális érték tárolásához 4 bit szükséges, tehát  $4*6=24$ ),  $e=7$  (az exponens bitek száma egyel kevesebb!) Excess-64 kódban tárolva.
  - $12_{10} = C_{16} = 0.C * 16^1 \Rightarrow$  a kitevő  $1_{10} = 1_2$  Excess-64 kódja:  $1000000+1=1000001$ .
  - Tehát a fenti formának megfelelően: ( $C_{16} = 1100_2$ )

0	1	0	0	0	0	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	7 bit							24 bit																					

# Példa (folyt) IEEE-32

- IEEE-32 lebegőpontos számrendszerben:  $r_e = r_b = 2$ ,  $m = 24$ ,  $p = 23$  ( $p < m$ ) (és a rejtett bit beállítva,  $HB = '1'$ , de nem tároljuk el), (akkor a mantissák tartománya 1-től majdnem 2-ig terjedhet),  $e = 8$  az exponens bitek száma Excess-127 kódban tárolva.
  - $12_{10} = 1100_2 = \textcolor{red}{1} \cdot 100 * 2^3 \Rightarrow$  a kitevő  $3_{10} = 11_2$  Excess-127 kódja:  
 $1111111 + 11 = 10000010$ .
  - Tehát a fenti formának megfelelően:





## B) Nem-numerikus információ kódolása

# Nem-numerikus információk

- Szöveges,
- Logikai (Boolean) információt,
- Grafikus szimbólumokat,
- és a címeket, vezérlési karaktereket értjük alattuk

# Szöveges információ

- Minimális: 14 karakterből álló halmazban: számjegy (0-9), tizedes pont, pozitív ill. negatív jel, és üres karakter.
- + ábécé (A-Z), a központozás, címkék és a formátumvezérlő karakterek (mint pl. vessző, tabulátor, (CR: Carriage Return) kocsi-vissza, sormelés (LF:Line Feed) , lapemelés (FF: From Feed), zárójel)
- Így elemek száma 46 : 6 biten ábrázolható  
 $\lceil \log_2 46 \rceil = 6 \text{ bit}$
- De 7 biten tárolva már kisbetűs, mind pedig a nagybetűs karaktereket is magába foglalja

# Szöveges információ kódolás

- BCD (Binary Coded Decimal): 6-biten
  - nagybetűk, számok, és speciális karakterek
- EBCDIC (Extended Binary Coded Decimal Interchange Code): 8-biten (A. Függelék)
  - + kisbetűs karaktereket és kiegészítő-információkat
  - 256 értékből nincs minden egyik kihasználva
  - Továbbá I és R betűknél szakadás van!
- ASCII (American Standard Code for Information Interchange): (A függelék) – alap 7-biten / extended 8-biten
- UTF-n (Universal Transformation Format): váltózó hosszúságú karakterkészlet (többnyelvűség támogatása)

# EBCDIC

HEX DIGITS 1ST → END ↓	4-	5-	6-	7-	8-	9-	A-	B-	C-	D-	E-	F-
<b>-0</b>	Ø	&	-	ø	ø	ø	µ	£	{	)	\	0
<b>-1</b>	ØØP SP100000	é	/	É	a	j	~	£	A	J	÷	1
<b>-2</b>	å	ê	Å	Ê	b	k			K	S	2	
<b>-3</b>	å	ë	Ä	Ë	c	l			L	T	3	
<b>-4</b>	à	é	À	È	d	m	.		M	U	4	
<b>-5</b>	á	í	Á	Í	c	n	*		N	V	5	
<b>-6</b>	â	î	Â	Î	f	o	¶		O	W	6	
<b>-7</b>	â	î	Â	Î	g	p	æ		P	X	7	
<b>-8</b>	ç	í	Ç	Í	h	q	œ		Q	Y	8	
<b>-9</b>	ñ	ß	Ñ	·	i	r	z	ÿ	R	Z	9	
<b>-A</b>	ÿ	!	ſ	:	¢	ø	ì	í	I	Ø	Ø	
<b>-B</b>	.	s	,	#	ø	ø	ò	§	ø	ò	ò	
<b>-C</b>	<	*	%	@	ð	æ	D	-	ð	ü	ö	
<b>-D</b>	(	)	—	'	ÿ	ž	[	]	ò	ù	ò	
<b>-E</b>	+	:	>	=	þ	æ	þ	ž	ó	ú	ó	
<b>-F</b>		~	?	"	±	€	®	×	ð	ÿ	ò	

A

LA020000

# Extended ASCII (1 byte)

		Standard								Extended							
		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
	•	SP	0	@	P	‘	p	█	’	SP	○	À	ò	à	á	í	ó
	!	1	A	Q	a	q	!	,	,	!	+	ñ	;	r	J	ú	ü
	”	2	B	R	b	r	,	,	,	φ	z	í	j	â	,	,	,
	#	3	C	S	c	s	f	“	“	£	z	í	ç	ç	é	é	é
	\$	4	D	T	d	t	”	”	”	H	‘	g	ş	ç	ç	ö	ö
	£	5	E	U	e	u	...	•	•	¥	µ	í	ş	ş	ø	ø	ø
	&	6	F	V	f	v	†	-	-	¶	ı	ç	ç	ç	,	,	,
	†	7	G	W	g	w	‡	-	-	\$	·	ı	x	ç	÷	,	,
	(	8	H	X	h	x	˜	~	~	..	,	ç	ç	ç	è	è	è
	)	9	I	Y	i	y	‰	‰	‰	@	ı	ö	ö	ö	é	ú	ú
	*	:	J	Z	j	z	˜	˜	˜	˜	ı	ç	ç	ç	ê	ê	ê
	+	:	K	[	k	{	<	>	<>	»	ç	ç	ç	ç	ë	ë	ë
	,	<	L	\	l		Œ	œ	Œ	œ	ı	ç	ç	ç	ü	ü	ü
	-	=	M	]	m	}	Œ	œ	Œ	œ	-	ç	ç	ç	ç	ü	ü
	.	>	N	^	n	~	Œ	œ	Œ	œ	ı	ç	ç	ç	î	î	î
	/	?	O	_	o	█	’	’	’	®	‰	ç	ç	ç	i	í	í

Legend



Code point contains a non-printable control character.

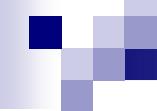


Code point is unoccupied; reserved for future use.

# Unicode

Nyelvkészletek: Alap, - Latin 1/2, görög, cirill, héber, arab stb.

**Általános írásjelek, matematikai, pénzügyi, mértani szimbólumok stb.**



## C) Hamming hibakódolás – Hiba-detektálás, és javítás

# Hibakódolás - Hibadetektálás és Javítás

- N bit segítségével  $2^N$  különböző érték, cím, vagy utasítás ábrázolható
- 1 bittel növelte  $(N+1)$  bit esetén:  $2^N$  -ről  $2^{N+1}$  –re: tehát megduplázódik az ábrázolható értékek tartománya
- *Redundancia*: többlet bitek segítségével lehet a hibákat detektálni, ill. akár javítani is

# Paritás bit

- Legegyszerűbb hibafelismerési eljárás, a paritásbit átvitele. Két lehetőség:

Kód	Paritásbit
<input type="checkbox"/> páros paritás	1 1 0 1 <b>1</b>
<input type="checkbox"/> páratlan paritás	1 1 0 1 <b>0</b>

- **Páros paritás**: az '1'-esek száma páros.
  - A kódszóban lévő '1'-esek számát '1' vagy '0' hozzáadásával **párossá** egészítjük ki. '0' a paritásbit, ha az '1'-esek száma páros volt.
- **Páratlan paritás**: az '1'-esek száma páratlan.
  - A kódszóban lévő '1'-esek számát '1' vagy '0' hozzáadásával **páratlan**ná egészítjük ki. '1' a paritásbit, ha az '1'-esek száma páros volt.

# Paritás bit generáló áramkör

## ■ Paritásbit képzése:

- ANTIVALENCIA (XOR) művelet alkalmazása a kódszó bitjeire, pl. ‘n’ adatbit esetén „n-1”-szer!

## ■ Példa:

Kódszó

Paritásbit(P)

$$\begin{array}{l} 0001 \rightarrow 0 \oplus 0 \oplus 0 \oplus 1 = 1 \\ 0110 \rightarrow 0 \oplus 1 \oplus 1 \oplus 0 = 0 \\ 1110 \rightarrow 1 \oplus 1 \oplus 1 \oplus 0 = 1 \end{array}$$

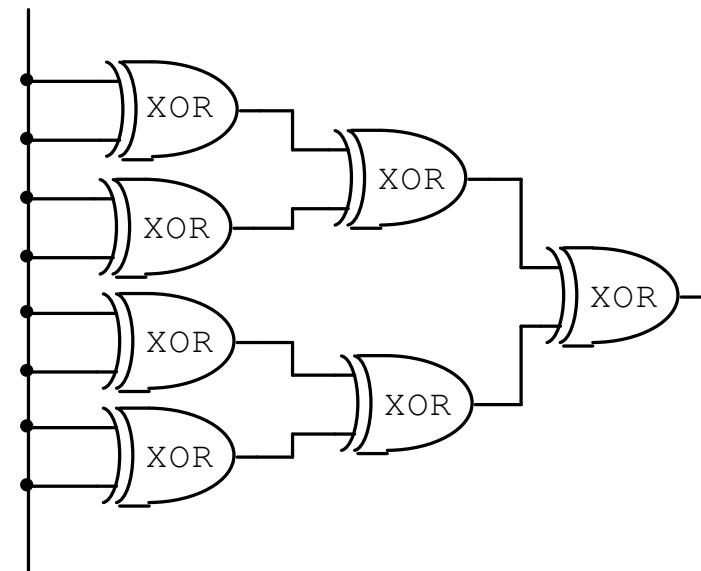
Páros paritás!

x	y	$x \oplus y$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0



# Paritás bit ellenőrzés

- Páros v. páratlan paritás: N bites információ egy kiegészítő bittel bővül → *egyszeres hiba felismerése*
- Hibák lehetséges okai:
  - Pl: leragadásból: ‘0’-ból ‘1’-es lesz, vagy fordítva
  - Pl: ideiglenes, tranziens jellegű hiba
  - Pl: áthallás (crosstalk)
- 8-adatbithez páros paritásbit generálás  
(IC 74'180. <http://alldatasheet.com>)  
(XOR gate IC 74'86)

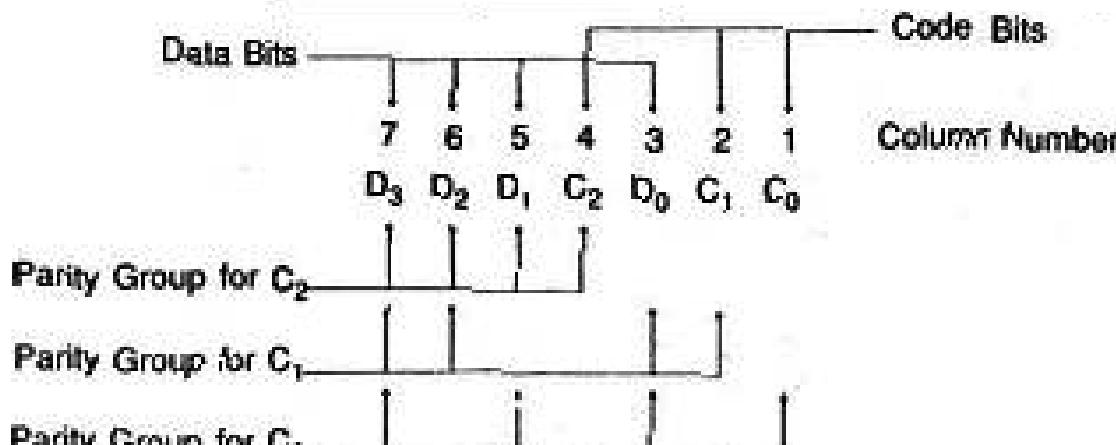


# Hamming kód

- Háttér: több *redundáns* bittel nemcsak a hiba meglétét, és helyét tudjuk detektálni, hanem akár a hibás bitet javítani is tudjuk
- **Hamming kód**: egy biten tároljuk a bitmintázatok azonos helyiértékű bitjeinek különbségét, tehát egy bites hibát lehet vele *javítani*.
  - SEC-DED: Single Error Correction / Double Error Detection
  - Bitcsoportokon történő paritás ellenőrzésen alapul

# 7-bites Hamming kódú kódszó konstruálása (pl. 4 –bites adatszóra)

- **$2^N-1$  bites Hamming kód: N kódbit,  $2^N-N-1$  adatbit**
- Összesen pl. 7 biten **4 adatbitet ( $D_0, D_1, D_2, D_3$ )**, **3 kódbittel ( $C_0, C_1, C_2$ )** kódolunk
- $C_i$  kódbitek a bináris súlyuknak megfelelő bitpozíciókban
- A maradék pozíciókat rendre adatbitekkel töltjük fel ( $D_i$ ).



Paritás-csoportok	Bit pozíciók	Bitek jelölései
0	1, 3, 5, 7	$C_0, D_0, D_1, D_3$
1	2, 3, 6, 7	$C_1, D_0, D_2, D_3$
2	4, 5, 6, 7	$C_2, D_1, D_2, D_3$

# Pl. 1/a) Hamming kódú hibajavító áramkör tervezése (Little Endian)

- 3 kódbitünk van, így írásnál 3 paritásbit generáló-, míg olvasásnál 3 paritás-ellenőrző áramkör kell.
- Példa: bemeneti adatbit-mintázatunk 0101 ( $D_3-D_0$ ). **LE!**
  - Mivel páratlan paritást alkalmazunk, a megfelelő helyen szereplő kódbitekkel kiegészítve a következő szót kapjuk: 0100110. Ha nincs hiba, a paritásellenőrzők ( $C_2$ ,  $C_1$ ,  $C_0$ ) kimenete '000' (**nem-létező bitpozíciót azonosít, azaz nincs hiba**), így megegyezik a kódolt mintázat paritásbitjeinek értékével, minden egyes paritáscsoportra (küldött és az azonosított Ci-minták bitenkénti XOR kapcsolata).
  - **Error syndrome:** Hiba esetén például, tfh. az input mintázat 0100010 -ra változik, ekkor a vevő oldali paritásellenőrző hibát észlel. Ugyan  $C_2$  paritásbitcsoport rendben ('0'), DE a  $C_1$  ('0') és  $C_0$  ('1') változott, tehát hiba van:
    - Ekkor **011** = 3 az azonosított minta, ami a 3. oszlopot jelenti ( $\rightarrow D_0$  helyén).
    - Javításként *invertálni kell* a 3. bitpozícióban lévő bitet. 0100010  $\Rightarrow$  0100110. Ekkor a kódbitek a következőképpen módosulnak a páratlan paritásnak megfelelően:  $C_2=0$ ,  $C_1=1$  és  $C_0=0$ .

# Pl. 1/a) folyt. Hamming kódú kódszó (LittleEndian)

- 4 adatbithez ( $D_3-D_0=0101 \rightarrow 3$  paritásbit ( $C_2-C_0$ )
  - azaz 7-bites Hamming kódú hibajavító kódszó

7	6	5	4	3	2	1	poz
D3	D2	D1	C2	D0	C1	C0	Error syndrome
0	1	0	?	1	?	?	
0	1	0	0	1	1	0	
	.		.		.		
		.	.				

	C2	C1	C0
Adó	0	1	0
Vevő	0	1	0
XOR	0	0	0

Azaz  $000 = 0.$  pozíció  
(nem létezik,  
tehát nincsen hiba)

# Pl. 1/a) folyt. Hamming kódú kódszó (LittleEndian)

- Tfh. van hiba, a D0 megváltozik  $'1' \rightarrow '0'$

7	6	5	4	3	2	1
D3	D2	D1	C2	D0	C1	C0
0	1	0	?	0	?	?
0	1	0	0	0	0	1
	.		.		.	
		.	.			

poz

Error syndrome

C2 C1 C0

Adó 0 1 0

Vevő 0 0 1

XOR 0 1 1

Azaz  $011 = 3.$  pozíció  
(tehát D0 a hibás!)

**Javítás** = hibás D0  
invertálása  $'0' \rightarrow '1'$

# Pl. 1/b) Hamming kódú hibajavító áramkör tervezése (Big Endian)

- 3 kódbitünk van, így írásnál 3 paritásbit generáló-, míg olvasásnál 3 paritás-ellenőrző áramkör kell.
- Példa: bemeneti adatbit-mintázatunk 0101 ( $D_0$ - $D_3$ ). **BE!**
  - Mivel páratlan paritást alkalmazunk, a megfelelő helyen szereplő kódbitekkel kiegészítve a következő szót kapjuk: 1001101. Ha nincs hiba, a paritásellenőrzők ( $C_0$ ,  $C_1$ ,  $C_2$ ) kimenete '000' (nem-létező bitpozíciót azonosít, azaz nincs hiba), így megegyezik a kódolt mintázat paritásbitjeinek értékével, minden egyes paritáscsoportra (küldött és az azonosított  $C_i$ -minták bitenkénti XOR kapcsolata).
  - **Error syndrome:** Hiba esetén például, tfh. az input mintázat 1011101 -ra változik, ekkor a vevő oldali paritásellenőrző hibát észlel. Ugyan  $C_2$ . paritásbitcsoport rendben ('1'), DE a  $C_1$  ('1') és  $C_0$  ('0') változott, tehát hiba van:
    - Ekkor (110) azaz 011 = 3 az azonosított minta, ami a 3. oszlopot jelenti ( $\rightarrow D_0$  helyén).
    - Javításként *invertálni kell* a 3. bitpozícióban lévő bitet. 1011101  $\Rightarrow$  1001101. Ekkor a kódbitek következőképpen módosulnak<sub>57</sub> a páratlan paritásnak megfelelően:  $C_0=1$ ,  $C_1=0$  és  $C_2=1$ .

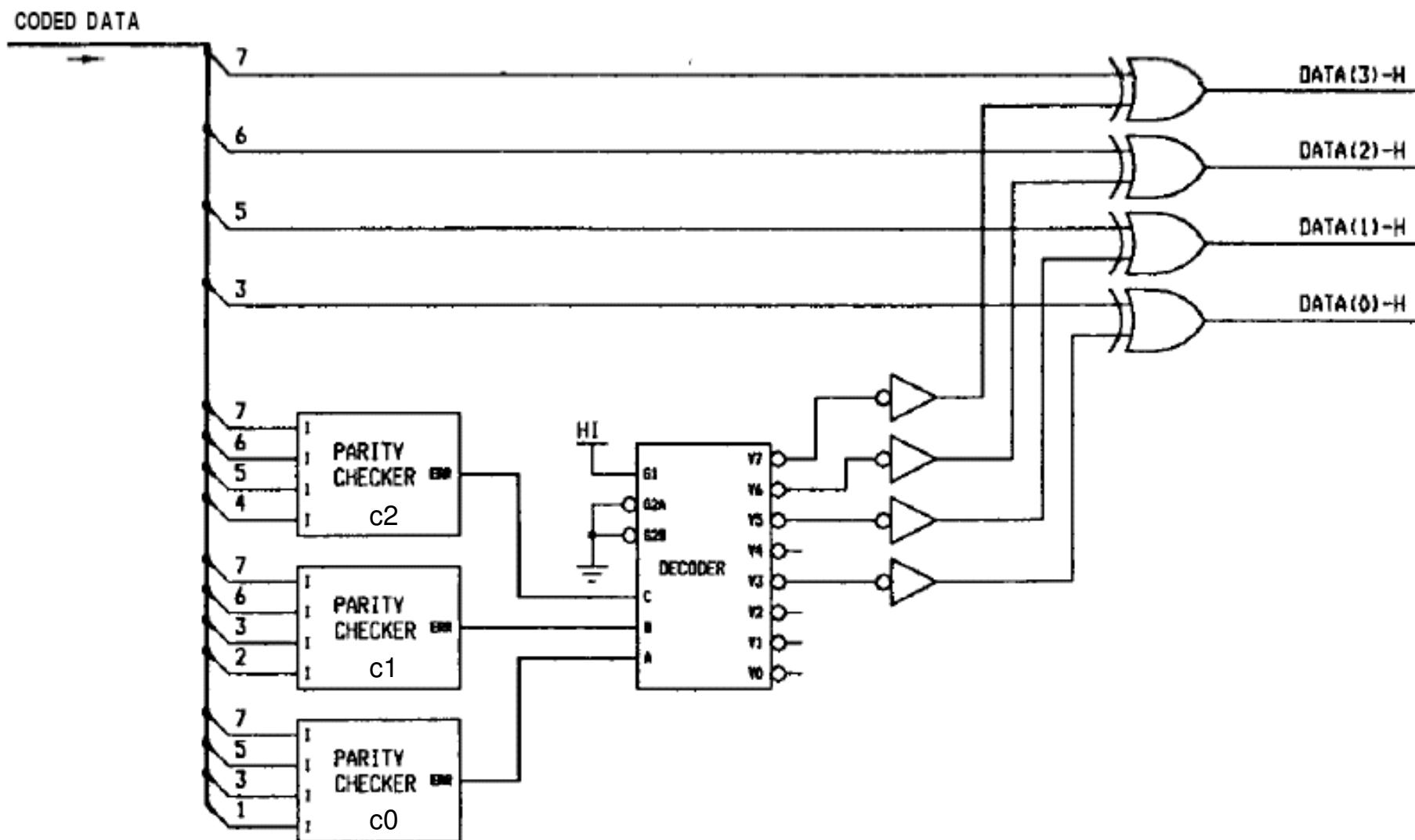
# Pl 2.) Hamming kódú hibajavító áramkör tervezése (Little Endian)

- 3 kódbitünk van, így írásnál 3 paritásbit generáló-, míg olvasásnál 3 paritás-ellenőrző áramkör kell.
- Változatlan a bemeneti adatbit-mintázatunk 0101 ( $D_3-D_0$ ).
  - Mivel páratlan paritást alkalmazunk, a megfelelő helyen szereplő kódbitekkel kiegészítve a következő szót kapjuk: 0100110. Ha nincs hiba, a paritásellenőrzők ( $C_2$ ,  $C_1$ ,  $C_0$ ) kimenete '000' (**nem-létező bitpozíciót azonosít, azaz nincs hiba**), így megegyezik a kódolt mintázat paritásbitjeinek értékével, minden egyes paritáscsoportra (küldött és vett  $C_i$ -k bitenkénti XOR kapcsolata).
  - Hiba esetén például, ha az input mintázat 0110110 -ra változik, akkor a paritásellenőrző hibát észlel. Mindhárom paritásbit ellenőrző megváltozott,  $C_2$  ('1'), a  $C_1$  ('1') és  $C_0$  ('1') hibát észlel, tehát:
    - Ekkor  $101 = 5$  az azonosított minta, ami a 5. oszlopot jelenti ( $\rightarrow D_1$  helyén).
  - Javításként *invertálni kell* a 5. bitpozícióban lévő bitet.  $01\textcolor{red}{1}0110 \Rightarrow 01\textcolor{blue}{0}0110$ . Ekkor a kódbitek a következőképpen módosulnak a páratlan paritásnak megfelelően:  $C_2=0$ ,  $C_1=1$  és  $C_0=0$ .

# Pl 3.) Hamming kódú hibajavító áramkör tervezése (Little Endian)

- 3 kódbitünk van, így írásnál 3 paritásbit generáló-, míg olvasásnál 3 paritás-ellenőrző áramkör kell.
- Változatlan a bemeneti adatbit-mintázatunk 0101 ( $D_3-D_0$ ).
  - Mivel páratlan paritást alkalmazunk, a megfelelő helyen szereplő kódbitekkel kiegészítve a következő szót kapjuk: 0100110. Ha nincs hiba, a paritásellenőrzők ( $C_2$ ,  $C_1$ ,  $C_0$ ) kimenete '000' (**nem-létező bitpozíciót azonosít, azaz nincs hiba**), így megegyezik a kódolt mintázat paritásbitjeinek értékével, minden egyes paritáscsoportra (küldött és vett  $C_i$ -k bitenkénti XOR kapcsolata).
  - Hiba esetén például, tfh. az input mintázat 0100100 -ra változik, akkor a paritásellenőrző hibát észlel.  $C_2$ . paritásbit ellenőrző változatlan ('0'), és a  $C_0$  is ('0'), DE a  $C_1$  ('0') hibát észlel, tehát:
    - Ekkor **010** = 2 az azonosított minta önmaga, ami a 2. oszlopot jelenti (→ **C1** paritásbit! helyén).
    - Javításként itt már a dupla hibaellenőrzést (DEB / vagy SECDEC) kell alkalmazni, amely a **paritásbiteket is kódolja**.

# 7-bites Hamming kódú hibajavító áramkör felépítése



# Példa: SEC-DED-dupla paritáshiba ellenőrzés (LittleEndian)

DEB: extra bit, a teljes kódszóra vonatkozóan (Ci-ket is kódolja)

Hamming kód (DEB-el) 8 adatbitre: mi a helyes ábrázolása 8 biten a 01011100 adatbit mintázatnak. Szükséges 8 adatbit (D0-D7), 4 kódbit (C0-C3) és egy kettős hibajelző bit (DEB). Páratlan paritást alkalmazunk. (BW-binary weight jelenti az egyes oszlopok bináris súlyát, 1,2, 4 ill 8 biten).

13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	Oszlopszám
DEB	D7	D6	D5	D4	C3	D3	D2	D1	C2	D0	C1	C0	
	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	BW, 8bit
	1	0	0	0	0	1	1	1	1	0	0	0	BW, 4 bit
	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	BW, 2 bit
	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	BW, 1 bit

Paritáscsoportok	Bit pozíciók	Bitek jelölései
0	1, 3, 5, 7, 9 ,11	C0, D0, D1, D3, D4, D6
1	2, 3, 6, 7, 10, 11	C1, D0, D2, D3, D5, D6
2	4, 5, 6, 7, 12	C2, D1, D2, D3, D7
3	8, 9, 10, 11, 12	C3, D4, D5, D6, D7

13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	Oszlopszám
DEB	D7	D6	D5	D4	C3	D3	D2	D1	C2	D0	C1	C0	
	0	1	0	1		1	1	0		0			Adatbitek
	1	0	1	0	1	1	1	0	1	0	0	0	Hozzáadott

kódbitek. Tehát a helyes ábrázolása 01011100-nek a következő:

101011101000.